

## ВИКОРИСТАННЯ ФОРМАЛЬНИХ ЗАСОБІВ ОПИСУ ПРОЦЕСІВ НАДАННЯ ПОВНОВАЖЕНЬ

*Анатолій Давиденко, Олександр Суліма*

*В роботі розглянуто системи надання повноважень, які можуть мати різноманітну інтерпретацію, починаючи від представлення їх у вигляді матриць повноважень до представлення їх у вигляді приписування тих чи інших ролей користувачам, що звертаються за наданням повноважень. А саме проведено аналіз параметрів, що характеризують інформаційні системи типу з метою вибору найбільш адекватних формальних засобів для їх опису. Сформульовано ряд положень та визначень, які спрощують подібний аналіз в подальшому та визначена низка обов'язкових вимог щодо проведення цього аналізу. А саме дане визначення важливості даних як параметру, який характеризує частоту використання даних за заданий період, на протязі якого відповідні дані використовуються. Також визначено міру таємності даних через міру небезпеки, до якої може привести не санкціоноване використання даних при розв'язуванні задачі. Розглянуто поняття анон-малії і доведено взаємозв'язок предметної області інтерпретації деякої системи на структурному рівні.*

**Ключові слова:** захист інформації, системи надання повноважень, формалізація засобів опису.

### 1. Введення і постановка задачі

Системи надання повноважень можуть мати різноманітну інтерпретацію, починаючи від представлення їх у вигляді матриць повноважень аж до їх представлення у вигляді приписування тих чи інших ролей користувачам, що звертаються за наданням повноважень. Це свідчить про те, що для формального опису самих систем можна використовувати досить широкий спектр формальних засобів [1]. Для того, щоб використовувати найбільш адекватні формальні засоби по відношенню до інформаційних систем типу *DIS*, необхідно провести детальний аналіз параметрів, що характеризують систему.

Перший параметр, або перша особливість полягає у залежності між мірою таємності даних та кількістю користувачів, які можуть такими даними користуватися. Якщо позначити кількість користувачів, що звертаються за даними  $x_i$  символом  $h_i$ , а міру таємності даних  $x_i$  позначити  $r_i(x_i)$ , то можна записати наступну залежність:

$$r_i(x_i) = k_{RZ} / m h_i(\alpha), \quad (1.1)$$

де  $m$  – кількість користувачів  $h_i$ , кожний з яких може мати певний рівень власної міри безпеки, яка описується величиною,  $\alpha$ ,  $0 < \alpha \leq 1$ ,  $k_{RZ}$  – коефіцієнт пропорціональності, який визначає рівень максимальної міри таємності. Якщо  $\alpha = 1$  і  $m = 1$ , то  $r_i(x_i) = \max r_i(x_i) = K_{RZ}$ . Використання коефіцієнта  $\alpha$  дозволяє величину зміни рівня захищеності представити як неперервну величину, яка може приймати проміжні значення між дискретними значеннями рівня таємності. Коефіцієнт  $\alpha$  може

використовуватися лише в тому випадку, коли кількість користувачів  $m > \beta$ , де, наприклад,  $\beta > 4$ . В загальному можна написати наступну умову, якій повинна задовольняти величина  $\alpha$ :  $\sum_{n=1}^m h_i(\alpha) \geq 1$ .

Формулу (1.1) можна записати у наступному вигляді:

$$r_i(x_i) = K_{RZ} / \sum_{i=1}^m h_i(\alpha_i). \quad (1.2)$$

Виходячи з цієї особливості, може скластися враження, що необхідний рівень таємності  $r_i(x_i)$  може визначатися кількістю користувачів і не залежати від інших факторів, наприклад, міри небезпеки пониження рівня таємності. Цей фактор, в рамках даного підходу, також пов'язується з користувачем за рахунок використання параметра  $\alpha_i$ . Цей параметр представляє собою дробову величину, використання якої приводить до того, що використання даних  $x_i$  користувачем  $h_i \alpha$ , якщо  $\alpha \neq 1$ , обумовлює ріст міри захищеності, який стає більшим  $K_{RZ}$ , або  $r_i(x_i) > K_{RZ}$ . З точки зору інтерпретації співвідношення (1.1), це означає наступне. Якщо  $\alpha_i = 0,5$  для  $h_i$ , то особистий параметр, що характеризує пониження рівня безпеки через надання  $h_i$  даних  $x_i$ , характеризує властивістю самого користувача, який може інформацію про ці дані розповсюдити між іншими користувачами, які можуть бути не уповноваженими до отримання даної інформації. Таким чином, якщо виявиться, що у відповідності з (1.1), або з (1.2) встановлений рівень таємності з допомогою коефіцієнта  $K_{RZ}$

зріс, то цей факт повинен знайти своє відображення в засобах захисту, які повинні такий рівень захисту для  $x_i$  збільшити. Формально, це може описуватися у вигляді наступного логічного співвідношення зростання таємності[2]:

$$\{[K_{RZ} / h_i(\alpha_i)] \rightarrow (K_{RZ}^* > K_{RZ})\} \rightarrow [r_i(x_i) \rightarrow [r_i^*(x_i) = [K_{RZ}^* / h_i(\alpha_i)]]].$$

Приведене співвідношення описує зміни, які повинні відбутися в системі надання повноважень (*SNP*), якщо виникає ситуація, коли  $h_i$  має доступ до даних  $x_i$ , але його характеристика власної міри безпеки  $\alpha_i$ , яка задається в рамках самої системи *DIS*, не надає йому змоги отримати повноваження на виконання певних дій з даними  $x_i$ , що мають міру таємності  $r_i(x_i)$ .

Друга особливість полягає у тому, що міра таємності з часом зменшується в залежності від того, які дії чи зміни відбуваються з  $x_i$ . [3] Якщо  $x_i$  використовуються часто, то таке зменшення  $r_i(x_i)$  протікає скоріше в часі, якщо  $x_i$  використовується не часто, то зміни відбуваються повільніше. Якщо  $x_i$  взагалі не використовується, то зміна значення  $r_i(x_i)$  може відбутися раптово через певний проміжок часу. Формально це описується наступними співвідношеннями:

$$\{[m(x_i) = 0] \& [\delta_i(x_i) \geq \Delta T_i(x_i)] \rightarrow [r_i(x_i) = 0] \& [x_i \notin DIS]\}, \\ \{[m(x_i) / \Delta t] \rightarrow 0\} \rightarrow [r_i(x_i) \rightarrow \min r_i(x_i)]. \quad (1.3)$$

Приведена особливість, як і особливість попередня, визначає міру таємності, або  $r_i(x_i)$  не залежно від абсолютної вартості даних  $x_i$ . Говорити про такого типу вартість даних є сенс тільки в тому випадку, коли можуть виникнути задачі, для розв'язку яких можуть виявитися відповідні дані необхідними. Для встановлення таких фактів, необхідно проводити аналіз описів інтерпретації відповідних даних. Приймається, що тільки такий опис повністю може описувати рівень активності даних, рівень їх значимості, який оцінюється мірою  $r_i(x_i)$ . Інтерпретаційний опис даних представляє собою наступне формальне представлення  $x_i$ , що описується співвідношенням:

$$j(x_i) = \langle a_{i1} * \dots * a_{im} \rangle \text{ I } \langle \lambda_{i1}, \dots, \lambda_{im} \rangle,$$

де  $a_{ij}$  – окремі фрази, чи слова на мові користувача, які в сукупності, у відповідності з граматикою

відповідної мови, описують в повній мірі величину  $x_i$ , яка фактично є лише ідентифікатором  $j(x_i)$ ,  $\lambda_{ij}$ -параметри, які використовуються для доповнення інтерпретаційного опису, що формується з допомогою  $a_{i1}, \dots, a_{im}$ . Будь який інтерпретаційний опис  $j(x_i)$  може бути не повним. На момент формування *DIS* приймається, що  $j(x_i)$  є повним в рамках задач, на які орієнтована система *DIS*. Це означає, що система надання повноважень *SNP*, для розв'язку задач, може використовувати  $j(x_i)$  і, відповідно задачі, для розв'язування яких користувач передбачає використовувати відповідні дані  $x_i$ .

## 2. Аналіз рівня таємності

У відповідності із співвідношенням (1.3),  $r_i(x_i) \rightarrow \min r_i(x_i)$ , якщо кількість запитів  $x_i$  зменшується, або зменшується інтенсивність цих запитів, що не до кінця повно відображає досліджуваний фактор. Тому, введемо наступне положення.

*Положення 1.1.* Рівень таємності довільних даних  $x_i$  з часом зменшується не залежно від інтенсивності використання  $x_i$  для розв'язку задач.

У зв'язку з цим, виникає необхідність розділити уявлення про значимість даних  $x_i$  та міру їх таємності. Розглянемо наступні визначення, яких будемо дотримуватися в рамках даної роботи.

*Визначення 1.1.* Важливістю даних  $x_i$  будемо називати параметр, який характеризує частоту використання даних за заданий період, на протязі якого відповідні дані використовуються. Формально, це визначення описується співвідношеннями:

$$\aleph(x_i) = [m_j(x_i) / \Delta t_j] + \sum_{j=1}^N \Delta t_j,$$

де  $\aleph(x_i)$  - значимість даних, що ідентифікуються змінною  $x_i$ ,  $m_j$  - кількість запитів на використання даних  $x_i$  за встановлений проміжок  $\Delta t_j$ ,  $N$ - деяке число  $N > n$ , де  $n$  - довільне ціле число визначає кількість  $\Delta t_j$ , що відповідає часу, на протязі якого використовується  $x_i$ .

*Визначення 1.2.* Міра таємності  $r_i(x_i)$  даних  $x_i$  визначається мірою небезпеки, до якої може привести не санкціоноване використання  $x_i$ , при розв'язуванні задачі  $z(x_i)$ .

Міра небезпеки, яку будемо позначати символами  $nb_i$ , визначається для середовища, в рамках якого описується ціль  $c_i(z_i)$  задачі  $z_i(x_i)$ . Міра небезпеки  $nb_i(x_i)$  не означає, що ця міра безпосередньо визначає величину таємності  $r(x_i)$ . Це зв'язано з тим, що визначення міри небезпеки розв'язку несанкціонованої задачі, яка використовує дані  $x_i$ , для певної предметної області, представляє собою досить складну задачу, в якій необхідно враховувати цілий ряд факторів та їх різні інтерпретації. Тому, в більшості випадків, оцінка  $nb_i(x_i)$  проводиться експертним способом. В якості експерта вибирається фахівець, який є знайомим з відповідною предметною областю, в якій розв'язується задача [4]. Відповідний експерт на основі представленої шкали рівнів таємності, визначає величину  $r_i(x_i)$  в  $DIS$ . Якщо  $DIS$  використовується в різних предметних областях  $W_i$ , то  $r_i(x_i)$  вибирається по тій предметній області  $W_i$ , для якої величина  $r_i(x_i)$  є максимальна. Зниження рівня таємності  $r_i(x_i)$  з часом їх існування будемо називати старінням параметру  $r_i(x_i)$ . Зниження рівня важливості  $\aleph(x_i)$  будемо називати старінням даних  $x_i$ . Процес старіння в одному і другому випадку будемо позначати символом  $S$  і формально цей процес будемо описувати наступними співвідношеннями

$$S[r(x_i)] = f_r(m_i(x_i), \Delta T(x_i)).$$

Для випадку старіння значимості даних  $\aleph(x_i)$ , відповідний вираз в неявній формі записується аналогічно:  $S[\aleph(x_i)] = f_{\aleph}(m_i(t_i))$ . Оскільки старіння  $r_i(x_i)$  та  $\aleph(x_i)$  представляють собою процеси, то необхідно описати логіку перебігу цих процесів. Такий опис представляє собою наступні співвідношення:

$$\begin{aligned} [r(x_i) \& (\Delta t_i(x_i) \rightarrow \Delta T_i)] &\rightarrow [(r(x_i) \rightarrow 0)], \\ [\aleph(x_i) \& (m(x_i) \rightarrow 0)] &\rightarrow (\aleph(x_i) \rightarrow 0). \end{aligned}$$

Очевидно, що ці співвідношення можна представити в аналітичній формі, але ця форма буде залежати від  $W_i$  та інших факторів, тому, в даному випадку, не будемо їх формувати. Задачі, що розв'язуються на основі використання даних  $DIS$ , тісно пов'язані не тільки з установою, що є

власником  $DIS$ , а із параметрами, що характеризують  $x_i \in DIS$ . Одним з таких параметрів є параметр таємності  $r(x_i)$ . В найпростішому випадку такий зв'язок представляє безпосередню залежність між  $r(x_i)$  то  $r[z_i(x)]$ , яка представляє собою наступне:

$$[r(x_i) \& (x_i)] \rightarrow \{(r(x_i)) = r[z_i(x)]\}.$$

Такий підхід не є оптимальним, оскільки він приводить до необхідності надавати  $r(x_j)$  де  $x_j \in DIS$ , якщо  $x_j \in z(x_i, x_j)$ . Оскільки в рамках  $z_i(DIS)$  можуть існувати запити не тільки на дані, а і на процеси, які будемо позначати  $y_i = e(x_{i1}, \dots, x_{im})$ , то і відповідні процеси, які використовують  $x_i$  з  $r_i(x_i)$  також повинні отримувати високий рівень таємності. Для вирішення цієї проблеми, якщо  $r(z_i(x_i)) < r(x_i)$ , то вся задача, або фрагмент задачі, в якому використовується  $x_i$  передається для розв'язку до додаткових засобів  $DIS$ . Крім того, система  $SNP$  розв'язує задачу визначення можливості тимчасового пониження  $r_i(x_i)$  до  $r_i^*(x_i)$ , де  $r^*(x_i) < r(x_i)$ , яке можливо за рахунок того, що дані, які отримані в результаті розв'язку задачі  $z(x_i, \dots, x_k)$  не розкривають, або не понижують таємності  $r(x_i)$ . Ця задача зводиться до аналізу міри оберненості алгоритму, який використовує  $z(x_i, \dots, x_k)$ . Це не означає, що  $SNP$  повинна проводити цей аналіз самостійно. Достатньо, щоб користувач, при зверненні за повноваженнями стосовно  $x_i$ , надавав системі відповідну інформацію. Це означає, що  $SNP$  повинна використовувати не тільки інформацію, що характеризує задачі а і інформацію, яка стосується алгоритму самої задачі  $z_i$ . Важливими даними, що використовуються  $SNP$  є дані про задачу, які полягають у наступному:

- ціль розв'язку задачі  $c(z_i)$ ,
- наявність повноважень у  $h_i$  на розв'язок  $z_i$ ,
- параметри задачі  $z_i$ ,
- інші зовнішні засоби, які повинна використовувати задача  $z_i$  в процесі розв'язку,
- додаткові параметри, що можуть стосуватися користувача відповідної задачі.

Ціль розв'язку задачі оцінюється окремими параметрами, які приписуються їй незалежно від

*DIS*, з якою ця задача передбачає співпрацювати. Параметри цілі визначаються на основі  $W_i$ , в рамках якої розв'язується задача. Прикладом таких параметрів можуть служити міра таємності цілі  $r(c_i(z_i))$ , міра значимості цілі  $\aleph[c_i(z_i)]$ , міра відповідності предметної області цілі задачі  $W_i[c_i(z_i)]$  предметній області на обслуговування якої орієнтована *DIS*, або  $W_j(DIS)$ . Очевидно, що *DIS* може бути орієнтована на цілий ряд предметних областей, або  $DIS_i(W_i, W_{i+1}, \dots, W_m)$ . Наявність повноважень у  $h_i$  є додатковими характеристиками користувача, які не пов'язані безпосередньо з ідентифікацією та аутентифікацією користувача. Повноваження користувача  $p(h_i)$  визначаються наступними параметрами задачі

- мірою таємності задачі  $r(z_i)$ ,
- мірою значимості задачі  $\aleph(z_i)$ ,
- параметрами, що характеризують ціль задачі  $p[c(z)]$ ,
- мірою актуальності задачі для  $W_i(DIS)$ , якщо основна предметна область інтерпретації задачі  $W_j \neq W_i$ , яку будемо позначати  $a[z_i(W_i)]$ ,
- кількість таємних даних, що використовуються в задачі, що мають високі рівні таємності з вибраного діапазону цих рівнів  $kr_i(x_i, \dots, x_n)$ .

Формально це можна записати у вигляді:  
 $p(h_i) = f\{r_i(z_i), \aleph_i(z), p[c(z_i)], a[z_i(W_i)], kr_i(x_i, \dots, x_n)\}$ .

Параметр  $p(h_i)$  не мусить бути залежним від всіх компонент. У випадку, коли параметр  $p[c(z_i)]$  представляє собою рівень таємності цілі  $r[c(z_i)]$ , то існує можливість співставити його з  $r(x_i)$ , який передбачається використовувати для розв'язку задачі  $z_i$ . Аналогічно, актуальність задачі можна привести до параметра значимості задачі. Приведені випадки записуються у вигляді

$$p[c(z_i)] \rightarrow r[c(z_i)] \rightarrow r(x_i, \dots, x_m);$$

$$a[z_i(W_i)] \rightarrow \aleph_i(z_i).$$

Параметр  $kr_i(x_i, \dots, x_n)$  є більш складним. Ця складність обумовлюється тим, що, при визначенні рівня таємності, не допустимо встановлювати між ними лінійну залежність, а спільне використання різних  $x_i, x_j, x_k$  з найвищими рівнями та-

ємності  $r_i(x_i), r_j(x_j), r_k(x_k)$  не обов'язково приводить до того, що  $r_e(x_e) = F(x_i, x_j, x_k)$  буде приймати максимальне значення рівня таємності з уже встановлених рівнів. Формально, це описується наступним співвідношенням:

$$\{r_e(x_e) = Ae[r_i(x_i), r_j(x_j), r_k(x_k)]\} \rightarrow$$

$$\rightarrow \{r_e(x_e) = \max[r_i(x_i), r_j(x_j), r_k(x_k)]\} \vee$$

$$\{r_e(x_e) > \max[r_i(x_i), r_j(x_j), r_k(x_k)]\}$$

$$\vee \{r_e(x_e) < \max[r_i(x_i), r_j(x_j), r_k(x_k)]\}.$$

Співвідношення  $r_e(x_e) = \max[r_i(x_i), r_j(x_j), r_k(x_k)]$  відповідає присвоєнню максимальної міри таємності результату перетворень  $F[r_i(x_i), r_j(x_j), r_k(x_k)]$ . Алгоритм  $Ae_i$ , вибирає серед заданих для  $x_i, x_j, x_k$  мір таємності, який відповідає для  $r_e(x_e) = [r_i(x_i), r_j(x_j), r_k(x_k)]$ . Ситуація, коли міра таємності  $r_e(x_e) > \max[r_i(x_i), r_j(x_j), r_k(x_k)]$  є більш складна і потребує більш детального аналізу. Міри таємності в *DIS* визначаються не тільки для даних а й для фрагментів алгоритмів, які можна вважати окремими функціями, що використовуються в рамках розв'язку задач доступу і, в першу чергу, в рамках розв'язку задач надання повноважень користувачам в *DIS*. Такі функції будемо називати  $\varphi_i$ . Система мір таємності  $R\{r_i, \dots, r_m\}$  та система значимостей  $\aleph\{\aleph_1, \dots, \aleph_n\}$  визначаються на основі використання описів текстових інтерпретацій всіх даних  $j(x_1), \dots, j(x_n)$ , які розміщуються в *DIS* та основі текстових описів інтерпретацій всіх елементів бібліотеки всіх функцій  $\varphi_i = \{j(\varphi_1), \dots, j(\varphi_k)\}$ . Основою для цього є опис інтерпретації предметних областей, до яких відносяться *DIS*, або  $W_i(DIS)$ . Для вирішення задачі визначення рівнів таємності та значимості використовуються критерії для  $r_i$  та  $\aleph_i$ , а процеси визначення конкретних значень  $r_i(x_i)$  та  $\aleph_i(x_i)$  реалізуються шляхом використання семантичного аналізу [4]. В даному випадку, розглянемо задачу, яка полягає у визначенні міри таємності  $r_i$ , яка є вища від встановлених рівнів таємності, при формуванні *DIS*, для даних  $x_i \in DIS$  та  $\varphi_i \in DIS$ .

Перш ніж доводити можливість виникнення необхідності приведення міри таємності

$r_i(x_i) \succ r_j(x_j)$ , до  $r_j(x_j) = \max$ , розглянемо цю ситуацію на якісному рівні. Уявлення про таємність  $r_i$  тих, чи інших даних є необхідним лише для того, щоб не допустити можливих аномалій на деякому фрагменті  $W_i(DIS)$ . Введемо визначення аномалії для  $W_i$ .

*Визначення 1.3.* Аномалією  $An_i$  в  $W_i$  будемо називати наступні ситуації, що можуть виникати в  $W_i$ :

- виникнення структурної суперечності в  $W_i$ ,
- виникнення логічної суперечності в  $W_i$ ,
- виникнення семантичної суперечності в  $W_i$ .

Структурна суперечність відповідає такій ситуації, коли в рамках структури  $W_i$  не може бути розв'язана задача, яка на структурному рівні полягає у побудові шляху від однієї вершини структури до довільної іншої вершини. Ця аномалія суперечить принципу зв'язності предметної області  $W_i$ .

### 3. Аналіз предметної області

Розглянемо наступне положення.

*Положення 1.2.* Предметна область інтерпретації деякої системи є завжди зв'язна на структурному рівні.

Структурна аномалія може мати місце в тому випадку, якщо існує в структурі вершина, з якої не має виходу. Необхідність виходу з довільної точки пов'язується з відкритістю предметної області  $W_i(DIS)$ . Логічна аномалія  $al$  в  $DIS$  ілюструє той факт, що в рамках  $W_i$  існує логічна невідповідність між різними компонентами  $W_i$ . Введемо наступне положення.

*Положення 1.3.* Предметна область  $W_i$  не вміщає логічних суперечностей.

Оскільки логічна суперечність пов'язана з семантичною суперечністю відповідної області інтерпретації, то їх на якісному рівні розділяти не будемо. Оскільки, будь який опис предметної області формується для того, щоб в рамках відповідної області розв'язувався певний клас задач, то формувати її таким чином, щоб могли виникнути умови, що не дозволяють розв'язувати задані задачі не доцільно. Відповідні аномалії можуть виникати лише в тих випадках, коли  $W_i$  розширяється в процесі її використання.

*Твердження 1.1.* Якщо в  $DIS$  існує  $R = \{r_1, \dots, r_m\}$  така, що  $r_1 \prec r_2 \prec \dots \prec r_n$ , то система  $R$  може бути розширена  $r_m \succ r_m$ .

Прийmemo, що в  $SNP$  існує  $R = \{r_1 \prec r_2 \prec \dots \prec r_m\}$ . Обмежимося двома рівнями  $r_i$  і  $r_j$ . Це означає, що існує  $r_i(x_i)$  і  $r_j(x_j)$ . Кожна міра  $r_i$  і  $r_j$  визначаються на основі використання критеріїв  $k_1, \dots, k_m$ . Оскільки  $r_i$  і  $r_j$  представляють собою деякі константи, а  $k_i$  - представляють собою опис певних умов, що зв'язані з  $r_i, \dots, r_m$ , то в рамках  $W_i$  повинні існувати правила з допомогою яких можна пов'язати  $k_i$  та  $r_i$ . Приймемо, що такими правилами є  $P_1, P_2, \dots, P_k$ . Оскільки  $r_i(x_i)$ , то це означає, що існує  $j(x_j)$ . Інтерпретація  $j(x_j)$  виводиться з  $J(W_i)$  у відповідності з системою залежностей  $x_i = f(x_j, x_{j+1}, \dots, x_m)$ . Оскільки всі  $x_i \in W_i$  мають  $j(x_j)$ , то і всі  $f_i(x_j, \dots, x_m)$  мають інтерпретацію  $j[f_i(x_j, \dots, x_m)]$ . Критерії  $k_i$  формуються в рамках  $W_i$ . Це означає, що правила  $P_i[k_i, r_i, (x_j, \dots, x_m)]$  є виводимі в системі  $\{\{k_1, \dots, k_m\}, \{r_1, \dots, r_k\}, W_i\}$ . Приймемо, що в  $W_i$  реалізується деякий алгоритм  $Al_i(x_i, x_j)$  такий, що  $Al_i(x_i, x_j) \rightarrow x_i^*$ . При цьому,  $x_i^* \notin DIS$ . Оскільки кожний  $k_i$  визначає окремий діапазон значень на  $R = \{r_1, \dots, r_m\}$  і  $r_1 \prec r_2 \prec \dots \prec r_m$ , то для  $x_i^*$  може існувати  $j(x_i^*)$ , яка приводить до виникнення суперечності в  $W_i$ . Для усунення відповідної суперечності, необхідно реалізувати розширення  $W_i$ . Оскільки  $x_i^*$  виникло в результаті виводу  $Al_i(x_i, x_j) \rightarrow x_i^*$ , то  $x_i^* \in W_i$ . Це означає, що  $J(W_i) \rightarrow j(x_i^*)$ . Критерії  $k_i$  представляють собою описи інтервалів, які розміщуються на відрізку їх визначення без розривів. Тому, для розширення критеріїв є дві можливості. Додавання відрізка перед  $k_1$  і додавання відрізка після  $k_m$ . Розширення  $k_1$  в сторону  $k_{l-1}$  не має сенсу, оскільки це приведе до того, що  $x_i^* \in \{x_{i1}, \dots, x_{ir}\}$  для яких  $r_1$  визначає вільний доступ до даних. Але такі  $x_i^*$  не можуть

привести до аномалії в  $W_i$ , оскільки вони є базовими для  $W_i$ . Тому, необхідно проводити розширення  $k_m$  до  $k_{m+1}$ . Тоді,  $k_{m+1}$  визначає рівень таємності  $r_{m+1}$ , для якого виконуються співвідношення  $r_{m+1} > r_m$ . Оскільки  $Al(x_i, x_j)$  не є суперечливим, то аномалія до якої приводить  $x_i^*$  є семантична. Для усунення цієї аномалії використовується надання  $x_i^*$  нової категорії рівня таємності  $r_{m+1}$ . Для побудови  $j[r_{m+1}(x_i^*)]$  використовується вивід, що формується на основі використання наступних компонент:

- $j[Al_i(x_i, x_j)]$  - текстова інтерпретація алгоритму  $Al_i$ ,
- $j[k_1, \dots, k_m]$  - текстова інтерпретація критеріїв,
- $j(x_i) \& j(x_j)$  - текстові інтерпретації даних з  $DIS$ , що формуються на основі  $J[W_i(DIS)]$ .

Тоді можна записати наступне співвідношення:

$$\{j[Al_i(x_i, x_j) \& j(k_1, \dots, k_m) \& J[W_i(DIS)]]\} \rightarrow j[r_{m+1}(x_i^*)].$$

Міра таємності деяких даних залежить від кількості задач, які для свого розв'язку використовують дані відповідного рівня таємності. Оскільки, рівень таємності  $r(x_i)$  залежить від кількості користувачів, що звертаються до  $DIS$  за відповідними даними, то можна прийняти наступну інтерпретацію. Кожна окрема задача  $z_i$  приписується окремому користувачу  $h_i$ . В цьому випадку ми приходимо до ситуації яка уже розглядалась і полягає у тому, що міра таємності знижується із збільшенням кількості користувачів, що використовують відповідну таємну інформацію  $x_i$ .

Прийmemo, що не існує можливості окремі задачі приписувати окремому користувачу. В цьому випадку, результатирозв'язку кожної окремої задачі використовуються в  $W_i$ . Кожне з таких використань розширює  $W_i$ , оскільки привносить нову інформацію в  $W_i$ , яка має свою власну інтерпретацію, або  $x_k = f(x_i, x_m)$  приводить до того, що  $[j(x_k) \& j(f(x_i, x_m))] \rightarrow j(x_k)$ , при цьому,

$j(x_k) \in J(W_i)$ , а  $f_i$  визначає задачу  $z_i$ . При збільшенні кількості  $z_i[r_m(x_k)]$  збільшується кількість текстових описів  $J(x_i)$ , що розширяють  $J(W_i)$ . [5] Це означає, що між  $(x_{k1}^*, \dots, x_{km}^*)$  та середовищем  $W_i$  появляются додаткові зв'язки.

Тому, кількість елементів з  $W_i$ , що на структурному та логічному рівні отримують зв'язок з  $\{x_{i1}^*, \dots, x_{im}^*\}$ , збільшується. У відповідності з прийнятою тезою, рівень таємності  $r_i$  залежить від кількості користувачів, які можуть звертатися за  $x_{ki}^*$ , оскільки збільшення зв'язків між елементами еквівалентне збільшенню можливих задач, які можуть розглядатися в рамках деякої системи.

#### 4. Висновки

Параметри, що визначають взаємозв'язки між даними, суттєво впливають на роботу  $SNP$ . Якщо дані  $x_i$  мають  $r_i(x_i)$ , а  $x_j$  мають  $r_j(x_j)$  та  $r_i < r_j$ , то може виявитися, що користувач  $h_i$  використовуючи  $x_i$ , завдяки існуванню  $x_j = \phi(x_i)$  може не санкціоновано дістатися до  $x_j$ . Щоб цього не допустити,  $SNP$  повинна перевіряти можливість реалізувати функції типу  $\phi(x_i)$  в оберненому напрямку. Це означає, що  $SNP$  повинна аналізувати близькість різних даних в  $DIS$ . В даному випадку, віддає між різними елементами  $x_i$  і  $x_j$  з  $DIS$  визначається мірою складності перейти від одних даних до інших за рахунок зв'язку між ними. Якщо така віддає є недостатня для забезпечення заданої дисципліни розподілу даних по мірі  $r_i$ , то необхідно вводити на відповідний зв'язок рівень таємності  $r_i$ .

#### ЛІТЕРАТУРА

- [1]. Зайченко Ю.П. Основи проектування інтелектуальних систем. / Ю.П. Зайченко – К.: Слово, 2003
- [2]. Зима В.М. Безопасность глобальных сетевых технологий / В.М. Зима, А.А. Молдовян, Н.А. Молдовян – СПб.: БХВ-Петербург. 2000.
- [3]. Коростіль О. Ю.-Ю. Засоби опису методів синтезу текстових моделей з текстовими інформаційними потоками / О. Ю.-Ю. Коростіль // Моделювання та інформаційні технології : зб. наук. пр. ППМЕ ім. Г. Є. Пухова НАН України. – К., 2012. — Вип. 63. — С. 95–104. Мендельсон Э. Введение в математическую логику. / Э. Мендельсон – М.: Наука, 1971.
- [4]. Тихомиров Н.П., Дорохина Е.Ю. Економетрика. М.: Экзамен, 2007.

## REFERENCES

- [1]. Zaichenko Yu.P. Fundamentals of Intelligent Systems. / Yu.P. Zaichenko - К.: Slovo, 2003
- [2]. Zyma V.M. Safety of Global Network Technologies / V.M.Zyma, A.A. Moldovyan, N.A. Moldovyan - St. Peterburg.: BHV-Peterburg. 2000.
- [3]. Korostil A. Yu.-Yu. Means describe methods of synthesis of text models with text information streams / A. Yu.-Yu. Korostil // Modelling and Information Technology: Coll. Science. pr. IPM them. GE Puchov NAS of Ukraine. - К., 2012. - Vol. 63 - P. 95-104. E. Mendelson Introduction to matematycheskuyu logic. / E. Mendelsohn - М.: Science, 1971.
- [4]. Tikhomirov N.P., Dorohyna E.Y. Econometrics. М.: Examination, 2007.

### ИСПОЛЬЗОВАНИЕ ФОРМАЛЬНЫХ СРЕДСТВ ОПИСАНИЯ ПРОЦЕССОВ ПРЕДОСТАВЛЕНИЯ ПОЛНОМОЧИЙ

В работе рассмотрен широкий спектр систем предоставления полномочий от систем с представлением их в виде матриц полномочий, до систем с определением описания тех или иных ролей пользователям, обращающимся за предоставлением полномочий. А именно проведен анализ параметров, характеризующих информационных систем типа *DIS* с целью выбора наиболее адекватных формальных средств для их описания. Сформулирован ряд положений и определений, которые упрощают подобный анализ в дальнейшем и определен ряд обязательных требований что к проведению этого анализа. А именно данно определение важности данных как параметра, который характеризует частоту использования данных за заданный период, в течение которого соответствующие данные используются. Также определена мера секретности данных через степень опасности, которой может привести не санкционированное использование данных при решении задачи. Рассмотрены понятие аномалии и доказана взаимосвязь предметной области интерпретации информационной системы на структурном уровне.

**Ключевые слова:** защита информации, системы предоставления полномочий, формализация средств описания.

### USE OF FORMAL FACILITIES OF DESCRIPTION OF PROCESSES OF GRANT OF RIGHTS ACCESS

This work covers the rights access systems that can have a variety of interpretations, from representing them as an access rights matrix to their representation in the form of attribution of certain roles to users who request access rights. Namely, we performed the analysis of parameters that characterise the DIS-type information systems in order to choose the most appropriate means of their formal description. We have formulated a number of statements and definitions that simplify such analysis in future and determined a number of mandatory requirements to conduct this analysis. And namely importance of data is defined as a parameter that characterizes the frequency of use of the data for a predetermined period during which the corresponding data is used. Also picked measure data privacy through the degree of danger, which can lead to not authorized use of data in solving the problem. We consider the concept of anomalies and proved the relationship domain interpretation of the information system at the structural level.

**Keywords:** information security, authorization systems, formalization of description tools.

**Давиденко Анатолій Миколайович** кандидат технічних наук, ст. наук. співр., заст. директора Інституту проблем моделювання в енергетиці ім. Г.Є. Пухова НАН України  
E-mail: davidenkoan@gmail.com

**Давыденко Анатолий Николаевич** кандидат технических наук, с. н. с., зам. директора Института проблем моделирования в энергетике им. Г.Е. Пухова НАН Украины

**Davydenko Anatolii** candidate of engineering science, senior researcher, Deputy director of Pukhov Institute for Modelling in Energy Engineering of National Academy of Sciences of Ukraine

**Суліма Олександр Андрійович**, молодший науковий співробітник Інституту проблем моделювання в енергетиці імені Г.Є. Пухова Національної академії наук України.  
E-mail: rfitfo@gmail.com

**Сулима Александр Андреевич**, младший научный сотрудник Института проблем моделирования в энергетике имени Г.Е. Пухова Национальной академии наук Украины.

**Sulima Oleksandr**, junior researcher of Pukhov institute for modeling in energy engineering of National academy of sciences of Ukraine.