



вання значень координат  $x$  і  $y$  – екранні точки (пікселі,  $pt$ ).

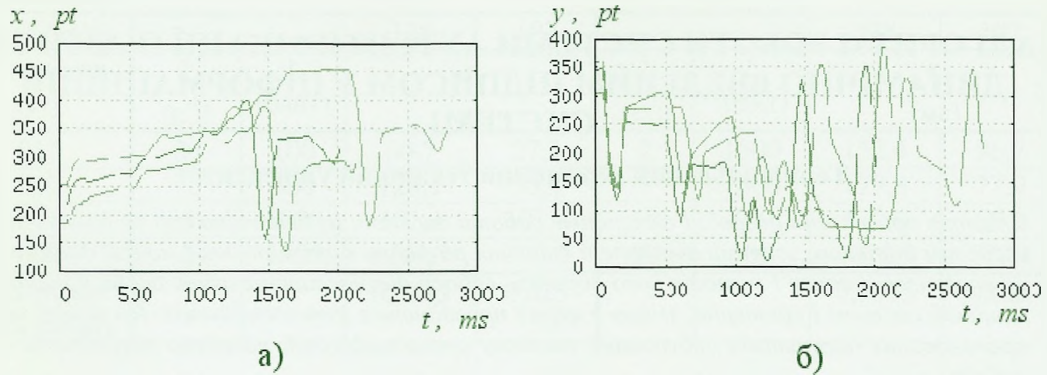


Рис. 2. Графіки трьох реалізацій динамічного підпису за зміною координати  $x$  і  $y$  у часі

Побудова математичної моделі підпису є первинним і визначальним етапом. Математична модель має адекватно відображати суттєві для задач аутентифікації ознаки динамічно введеного підпису, а також має бути простою та зручною у своєму використанні. Лише на основі математичної моделі динамічного підпису, можна коректно обґрунтувати діагностичні ознаки та розробити методи їх оцінювання, що лежатимуть в основі алгоритмів роботи комп'ютерної системи аутентифікації.

Оскільки, при повторному відтворенні тією ж особою свого підпису його реалізації не будуть співпадати, (хоча будуть подібними), то доцільним є використання стохастичного підходу до побудови його математичної моделі.

Математична модель динамічного підпису особи в рамках стохастичного підходу наведена у роботі [1]. Модель динамічного підпису – вектор двох конструктивно заданих випадкових процесів:

$$\Theta(\omega, t) = \{\xi(\omega, t), \eta(\omega, t)\}, \quad (1)$$

$$\omega \in \Omega, t \in [0, \infty),$$

де  $\Omega$  - множина елементарних подій певного імовірнісного простору. Випадкові процеси  $\xi(\omega, t)$  і  $\eta(\omega, t)$  відображають часову структуру траєкторії руху пера вздовж осей  $x$  та  $y$  в часі:

$$\xi(\omega, t) = A_{\xi}(\omega) \cdot \xi_0(\omega, \alpha_{\xi}(\omega) \cdot t) + B_{\xi}(\omega), \quad (2)$$

$$t \in [0, \infty), \omega \in \Omega,$$

$$\eta(\omega, t) = A_{\eta}(\omega) \cdot \eta_0(\omega, \alpha_{\eta}(\omega) \cdot t) + B_{\eta}(\omega), \quad (3)$$

$$t \in [0, \infty), \omega \in \Omega,$$

де  $A_{\xi}(\omega)$  і  $A_{\eta}(\omega)$  – випадкові величини, які враховують варіацію підпису;

$\xi_0(\omega, t)$  і  $\eta_0(\omega, t)$  - випадкові процеси, що відповідають компонентам інваріантного підпису;

$\alpha_{\xi}(\omega)$  і  $\alpha_{\eta}(\omega)$  - випадкові величини, що відображають мінливість тривалості написання динамічного підпису;

$B_{\xi}(\omega)$  і  $B_{\eta}(\omega)$  – випадкові величини, які враховують тренд динамічного підпису і рівні координатам  $(x, y)$  положення пера на площині планшету в початковий момент часу.

В рамках математичної моделі (1)-(3) розроблено методи попередньої і статистичної обробки [1,2]. Методи попередньої обробки зводяться до відшукування компонент конструкції (1)-(3):  $A_{\xi}(\omega)$  і  $A_{\eta}(\omega)$ ,  $B_{\xi}(\omega)$  і  $B_{\eta}(\omega)$ ,  $\alpha_{\xi}(\omega)$  і  $\alpha_{\eta}(\omega)$ ,  $\xi_0(\omega, t)$  і  $\eta_0(\omega, t)$ .

Випадкові коефіцієнти  $B_{\xi}(\omega)$  і  $B_{\eta}(\omega)$  відображають зсув усіх реалізацій до спільної початкової точки – початку координат:

$$B_{\xi}(\omega) = \xi(\omega, 0), B_{\eta}(\omega) = \eta(\omega, 0). \quad (4)$$

Випадковий масштабуючий коефіцієнт  $\alpha(\omega)$  обчислюється за наступним співвідношенням:

$$\alpha(\omega_i) = \frac{1}{t(\omega_i)}, \quad \omega_i \in \Omega, \quad (5)$$

де  $t(\omega_i)$  - тривалість  $i$ -го підпису з усієї множини реалізацій підписів. Даний масштабний коефіцієнт є однаковим як для процесу  $\xi(\omega, t)$ , так і для процесу  $\eta(\omega, t)$  відповідно, оскільки, він визначається тривалістю відтвореного підпису ( $\alpha_\xi(\omega) = \alpha_\eta(\omega) = \alpha(\omega)$ ).

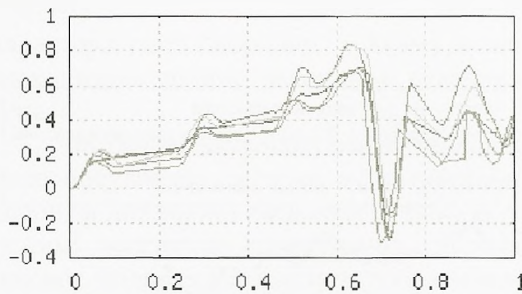
Масштабування за діапазоном варіації (розмахом) дозволяє привести підписи до однакового діапазону їх варіації. Для цього використано масштабні коефіцієнти  $A_\xi(\omega)$ ,  $A_\eta(\omega)$ , які можна знайти за наступними співвідношеннями:

$$A_\xi(\omega) = \frac{1}{\text{Var}\xi(\omega, t)} = \frac{1}{|\max_{\xi(\omega, t)} - \min_{\xi(\omega, t)}|} \quad (6)$$

$$A_\eta(\omega) = \frac{1}{\text{Var}\eta(\omega, t)} = \frac{1}{|\max_{\eta(\omega, t)} - \min_{\eta(\omega, t)}|}, \quad (7)$$

Здійснивши дану операцію над координатами  $x$  і  $y$ , підпис у цілому буде унормований у вікні  $(-1, 1)$ . А варіація кожного підпису з множини усіх реалізацій буде рівна 1.

$\xi_0(\omega, t)$



$\eta_0(\omega, t)$

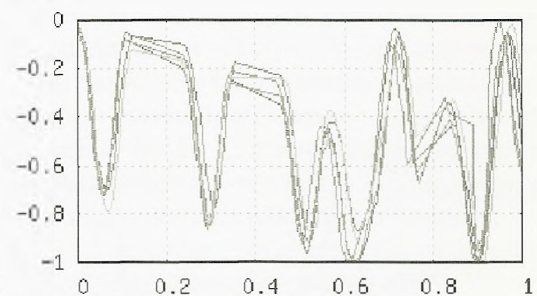


Рис. 3. Реалізації процесів  $\xi_0(\omega, t)$  і  $\eta_0(\omega, t)$  - компонент інваріантного підпису особи

Врахування вищенаведених коефіцієнтів дозволяє нам ввести деякий *інваріантний підпис*, який подано у вигляді вектора  $\Theta_0(\omega, t)$  двох випадкових процесів  $\xi_0(\omega, t)$  і  $\eta_0(\omega, t)$  - це деякі випадкові процеси, які характеризують підпис особи незалежно від того в якому місці на планшеті вона почала підписуватися ( $B_\xi(\omega) = 0, B_\eta(\omega) = 0$ ), з яким розмахом (амплітудою) написаний підпис ( $A_\xi(\omega) = 1, A_\eta(\omega) = 1$ ), протягом якого часу тривав підпис ( $\alpha(\omega) = 1$ ):

$$\xi_0(\omega, t) = \frac{\xi\left(\omega, \frac{1}{\alpha_\xi(\omega)} \cdot t\right) - B_\xi(\omega)}{A_\xi(\omega)}, \quad (8)$$

$$\eta_0(\omega, t) = \frac{\eta\left(\omega, \frac{1}{\alpha_\eta(\omega)} \cdot t\right) - B_\eta(\omega)}{A_\eta(\omega)}. \quad (9)$$

На основі запропонованих математичних конструкцій (1) - (9) розроблено алгоритми і програмне забезпечення для попередньої обробки динамічних підписів. Результати обробки показані на Рис. 3.

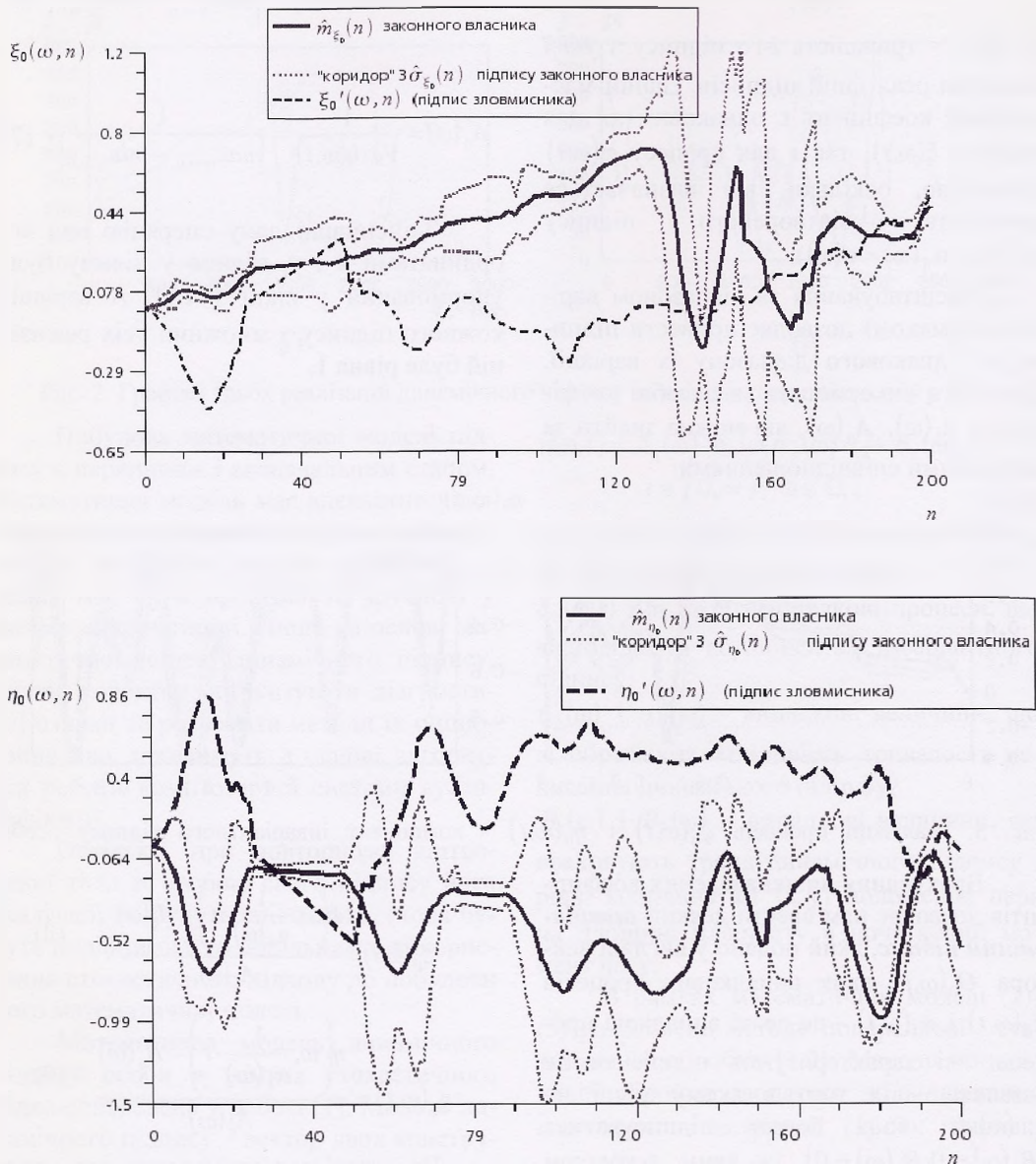


Рис. 4. Інваріантний підпис у "коридорі"  $m \pm 3\sigma$  і підпис зловмисника (процеси  $\xi_0(\omega, n)$  і  $\eta_0(\omega, t)$ )

Оскільки, динамічний підпис має яскраво виражений нестационарний характер, то в результаті попередньої обробки, яка по суті є нормуванням за тривалістю і масштабом та синхронізацією усіх реалізацій динамічного підпису, можна досліджувати динамічний підпис як випадко-

вий процес за ансамблем засинхронізованих та узгоджених реалізацій.

Було проведено статистичний [2] експеримент в ході якого отримано експериментальні дані, здійснено статистичне оцінювання експериментальних даних, згідно методів викладених у [2]: оцінено

математичне сподівання, дисперсію, кореляційну функцію інваріантного підпису і випадкових масштабуючих коефіцієнтів. Оцінено функцію розподілу інваріантного підпису – це нормальний закон розподілу. Нормальність (гаусовість) вказує на те, що випадковий процес характеризується математичним сподіванням і дисперсією, а також вказує на те, що випадкові величини розсіяні згідно з правилом “трьох сігм” відносно математичного сподівання. А це дозволяє розробити критерії прийняття рішень про належність чи неналежність підпису особі. Зокрема, еталоном підпису законного власника є оцінки математичних сподівань процесів  $\hat{m}_{\xi_0}(\omega, t)$  і  $\hat{m}_{\eta_0}(\omega, t)$ , а дисперсії  $\hat{d}_{\xi_0}(\omega, t)$  і  $\hat{d}_{\eta_0}(\omega, t)$  характеризують “коридор” у якому може знаходитись підпис законного власника (Рис. 4).

На основі запропонованих підходів було побудовано систему аутентифікації особи за динамічно введеним підписом, у режимі реєстрації користувачів система працює згідно з алгоритмом зображеним на Рис. 5.

Користувач проходячи реєстрацію у системі вводить своє реєстраційне ім'я і декілька динамічних підписів. Після цього

введені динамічні підписи обробляються згідно співвідношень (4)-(9), результати попередньої обробки підлягають статистичному аналізу: проводиться оцінювання математичного сподівання і дисперсії інваріантного підпису. Згідно до оцінок експертів-графологів[3], є приблизно 5% людей, які мають нестабільний почерк, а значить їх підпис не може бути об'єктом за яким здійснюється аутентифікація. Тому, на етапі реєстрації особи у інформаційній системі необхідно передбачити перевірку тестових підписів на можливість їх використання у якості об'єкта аутентифікації. Для визначення людей з нестабільним почерком можна використати наступні підходи:

- 1) емпірично визначити максимальний рівень дисперсії підписів, які особа вводить при реєстрації і при перевищенні цього рівня відмовляти у реєстрації;
- 2) проводити серію психологічних тестів особи з метою виявлення певних захворювань і розладів, які, як правило, є причиною нестабільності почерку;
- 3) висновки експертів за результатами медичного обстеження особи.

Можна припустити, що 2-й і 3-й способи можуть бути замінені першим.

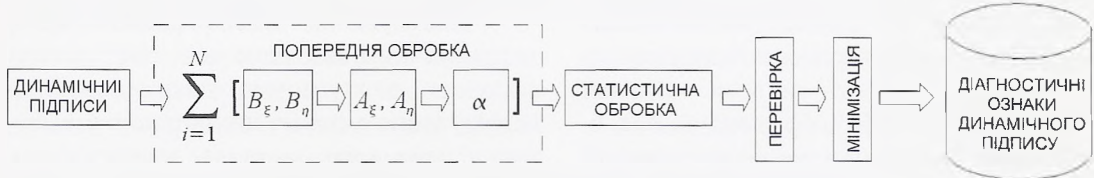


Рис. 5. Алгоритм роботи ПЗ під час реєстрації особи

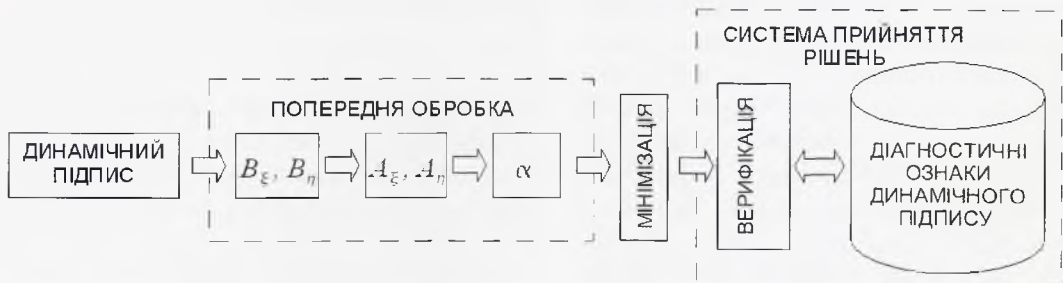


Рис. 6. Алгоритм роботи ПЗ під час аутентифікації особи

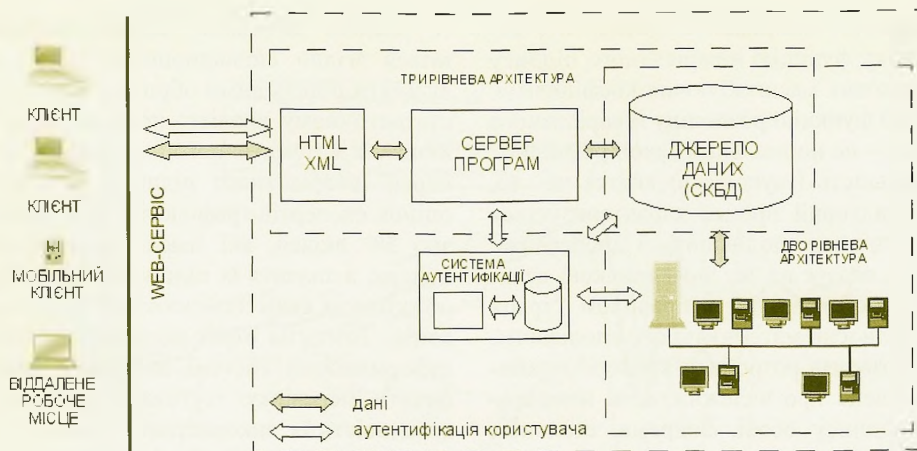


Рис. 7. Структура корпоративної мережі з аутентифікацією осіб за динамічно введеним підписом

За умови можливості використання динамічного підпису система перейде до наступного етапу, у іншому випадку в реєстрації буде відмовлено. Етап мінімізації діагностичних ознак полягає у розкладі оцінок математичного сподівання і дисперсії у ряд за ортогональним базисом, наприклад, поліномами Чебишева. Отримані коефіцієнти зберігаються у базі даних системи аутентифікації.

Таким чином у системі зберігається реєстраційне ім'я користувача і «пароль» у вигляді оцінок математичного сподівання і дисперсії інваріантного підпису.

Алгоритм роботи системи у режимі аутентифікації особи зображено на Рис. 6. Робота системи зводиться до наступного: користувач вводить своє реєстраційне ім'я після чого засвідчує себе за допомогою динамічного підпису. Після вводу динамічного підпису здійснюється його попередня обробка і мінімізація діагностичних ознак, аналогічна до описаної вище. На основі мінімізованих діагностичних ознак щойно отриманого підпису і збереженого у базі даних відбувається їх порівняння. Якщо отримані коефіцієнти належать «коридору» законного власника, то аутентифікація проходить успішно і користувач авторизується системою, у іншому випадку система розглядає введе-

ний користувачем підпис, як підпис зловмисника.

У результаті тестування системи оцінено ймовірності помилок I-го роду - 0,088 і II-го роду - 0,012, що вказує на високу точність запропонованих методів обробки і роботи системи загалом.

Розроблене програмне забезпечення може бути використано у якості заміни звичайної паролльної аутентифікації або як доповнення до неї у інфраструктурі комп'ютерної мережі (Рис.7).

Застосування аутентифікації особи за динамічним підписом можливе також у системах електронного документообігу. Інтегрування динамічних підписів у електронні документи, дозволяє замість електронних (криптографічних) ключів використовувати динамічно введені підписи. Такі програмні засоби пропонуються рядом фірм (*SOFTPRO* (<http://www.signplus.com>), *Cybersign Inc.* (<http://www.cybersign.com>), *Communication Intelligence Computer Corporation, Ltd.* та інші) для інтегрування у документи формату *PDF* (*Portable Document Format*) і документів офісного пакету *MS Office*, проте за останні кілька років великої популярності набув відкритий пакет офісних програм *OpenOffice.org* [4] з форматом зберігання документів – *ODF* (*Open*

*Document Format*). На жаль, аналогічні комерційним, засоби захисту *ODF*-документів відсутні на ринку, оскільки, формат є новим і відкритим, що передбачає відкритість використовуваних технологій захисту, а ліцензійні і патентні обмеження зазначених програмних продуктів цього не передбачають. Зазначимо, що *ODF* з 3 травня 2006 року прийнятий як міжнародний стандарт *ISO/IEC 26300* і у країнах Євросоюзу, США, Австралії та інших планується його використання, як державного стандарту документообігу.

Офісний пакет *OpenOffice.org* має зручні засоби розробки: на мовах *C++*, *OpenOffice.org Basic* і *JAVA*, що дозволяє відносно просто інтегрувати розроблене у даній роботі ПЗ з *OpenOffice.org*.

Розроблене програмне забезпечення використовується у вигляді системи комп'ютерних програм для аутентифікації особи у системі обліку робочого часу співробітників [5,6].

### **Висновки**

Побудовано математичну модель динамічно введеного підпису, в рамках якої запропоновано методи обробки і діагностичні ознаки, які можуть репрезентувати особу у інформаційній системі. У свою чергу методи обробки дозволили розробити алгоритми, які послужили основою для створення системи програм, які дозволяють отримувати сигнал, здійснювати попередню і статистичну обробку, імітаційне моделювання і досліджувані динамічно введений підпис.

Результати тестування системи вказують на високу точність роботи системи і можливість її використання для розв'язку поставленої задачі. Наведено приклади можливого застосування системи.

### **Список літератури**

1. *Бойко І., Лупенко С., Луцків А.* Математичне моделювання та статистичні методи обробки динамічного підпису для задач аутентифікації особи в інформаційних системах // *Електроніка та системи управління*. - 2006. - №2(8). - С.27-37.

2. *Бойко І., Лупенко С., Луцків А.* Оцінювання ймовірнісних характеристик динамічно введеного підпису для задач аутентифікації особи в інформаційних системах // *Електроніка та системи управління*. - 2006. - №4(10). - С.15-27.

3. *Наджимов О.К.*, Как узнать характер человека по его подписи или практическая графология <http://www.lib.ru/URIKOVA/GRAFOLOG/aybek/aybek.txt>, 1998

4. *Бойко І.Ф., Лупенко С.А., Луцків А.М.* Розробка і проектування систем біометричної аутентифікації на основі динамічного підпису // *Матеріали II Міжнародної науково-практичної конференції "Дні науки-2006"*. Т. 30. - *Сучасні інформаційні технології*. - Дніпропетровськ: Наука і освіта, 2006. - С. 47-49С.

5. *Lutskiv A.* Biometry authentication system based on on-line signature verification. // *Proceedings of the international conference on computer science and information technologies*. Lviv, 2006. - P.43-48.

6. *Бойко І., Лупенко С., Луцків А.* Відкрите програмне забезпечення для розробки інформаційних систем: порівняльний аналіз і перспективи розвитку в Україні // *Міжнародний науково-технічний журнал "Комп'ютинг"*. -Тернопіль: "Економічна думка", 2005.- №1, Т.4.-С.99-104.