

УДК 004.7 (043.2)

Нагурный А.А.

## ОЦЕНИВАНИЕ ПАРАМЕТРОВ И СОСТОЯНИЯ АВТОНОМНОГО СЕГМЕНТА КОРПОРАТИВНОЙ СЕТИ

Институт компьютерных технологий  
Национального авиационного университета

*Рассмотрен метод идентификации автономного сегмента сети с запаздыванием и ошибками передачи служебной информации. Показано, что внутренние и внешние возмущения и помехи по-разному влияют на состояние сетевого сегмента. Предложено использовать модель регенеративного процесса возникновения аномалий, вызванных отказами и внешними возмущениями. Для решения обратной задачи идентификации применен байесовский подход. На основе представления сети как системы с квазистационарным состоянием на интервале наблюдения разработан алгоритм распознавания локальных классов аномалий*

### Введение

Система управления компьютерной сетью масштаба корпорации технически представляет собой набор средств обмена информацией и взаимодействия распределенных приложений в гетерогенной среде. По существу, она является сложной системой, к которой применимы методы системного анализа.

При управлении сетями необходимо решать следующие задачи:

- обмена информацией о целях управления в сети;
- передачи и обработки информации о результатах управления;
- выработки решений на основе результатов анализа информации о результатах управления;
- передачи информации о результатах принятых решений и собственно управления.

Таким образом, для управления необходимо иметь информацию о параметрах и состоянии объекта, условиях его функционирования, действующих на объект возмущений, анализировать изменения состояния управляемого объекта под влиянием управляющих действий.

Существующие системы управления сетями, несмотря на их функциональную избыточность, не имеют в своем составе средств оценки и прогноза поведения компьютерной сети. Большинство средств управления в действительности сетью не

управляет, а всего лишь пассивно осуществляет ее мониторинг, фиксируя постфактум только аномальные состояния. Необходимо в реальном масштабе времени решать задачи анализа, прогноза и предотвращения возможных сбоев и аномалий в работе сетевых узлов и компьютерной сети в целом. Такая система управления нужна, особенно для работы в условиях критичного применения – при больших перепадах вычислительной нагрузки на терминальные узлы и информационной нагрузки на каналы передачи.

### Оценивание параметров и состояния сегмента сети

Оценивание статистических характеристик внешних возмущений, действующих на систему, и внутренних помех (идентификация возмущений и помех) является необходимым условием текущей коррекции динамических характеристик системы и обеспечения ее помехоустойчивости, а, в конечном счете – гарантии требуемых показателей функционирования системы.

Указанный анализ статистических характеристик применительно к сети позволяет определить такие принципиально важные для управления ситуации, как перегрузки в отдельных звеньях сети, выход их из строя, задержки в передаче общей информации, сигналов управления и т. д.

В качестве математической модели системы управления автономным сегмен-

том сети используем одномерную линейную систему. Рассмотрим задачу идентификации не коррелированных с входным сигналом помех в такой системе. При этом предполагается статистическая независимость процессов, протекающих в разных сегментах сети. Модель системы управления представлена на рис. 1.

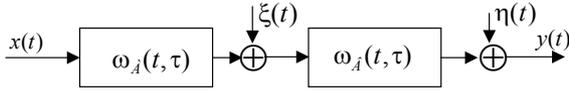


Рис. 1. Модель системы управления

Полагаются известными:

– импульсная характеристика системы в целом  $\omega(t, \tau)$  и ее отдельных звеньев  $\omega_F(t, \tau)$  и  $\omega_B(t, \tau)$ ;

– измеренные значения сигналов  $x(t)$  и  $y(t)$  и их средние значения (матема-

тические ожидания)  $m_x(t)$ ,  $m_y(t)$  и корреляционные функции  $K_x(t_1, t_2)$  и  $K_y(t_1, t_2)$ .

В соответствии с рассматриваемой задачей необходимо определить статистические характеристики помех  $\xi(t)$  или  $\eta(t)$ , где

$$\eta(t) = \int_0^t \omega_B(t, \tau) n(\tau) d\tau.$$

Для приведенной к выходу помехи  $\eta(t)$ :

$$y(t) = \int_0^t \omega(t, \tau) x(\tau) d\tau + \eta(t).$$

С учетом некоррелированности входного сигнала (управляющей информации) и помехи связь между корреляционными функциями входного сигнала, выходного сигнала и помехи имеет вид [3]

$$K_y(t_1, t_2) = \int_0^{t_1} \int_0^{t_2} \omega(t_1, \tau) \omega(t_2, \nu) k_x(\tau, \nu) d\tau d\nu + K_N(t_1, t_2).$$

Отсюда искомое выражение для корреляционной функции приведенной помехи  $N(t)$

$$K_N(t_1, t_2) = K_y(t_1, t_2) - \int_0^{t_1} \int_0^{t_2} \omega(t_1, \tau) \omega(t_2, \nu) k_x(\tau, \nu) d\tau d\nu.$$

Для случая стационарной системы имеем:  $m_N = m_y - \int_0^\infty \omega(\tau) m_x(\tau) d\tau$ ;

$$K_N(\mu) = K_y(\mu) - \int_0^\infty \int_0^\infty \omega(\tau) \omega(\nu) k_x(\mu + \tau - \nu) d\tau d\nu;$$

$$S_N(\omega) = S_y(\omega) - |w(j\omega)|^2 S_x(\omega),$$

где  $S(\omega)$  и  $w(j\omega)$  – спектральная плотность и частотная характеристика соответственно.

Для структурно локализованной помехи  $n(t)$  и стационарной системы соот-

ветствующие характеристики  $m_n$ ,  $K_n(\tau)$  и  $S_n(\omega)$  имеют вид [3].

$$m_n = \frac{m_y}{w_B(jD)} - w_A(jD) m_x, \quad (1)$$

$$K_n(\mu) = \int_0^\infty \int_0^\infty \bar{\omega}_B(\tau) \bar{\omega}_B(\nu) k_y(\mu + \tau - \nu) d\tau d\nu - \int_0^\infty \int_0^\infty \omega_A(\tau) \omega(\nu) k_x(\mu + \tau - \nu) d\tau d\nu, \quad (2)$$

где  $\bar{\omega}_B(\tau)$  – импульсная характеристика, обратная  $\omega_B(\tau)$ .

$$S_n(\omega) = \frac{S_y(\omega)}{|w_B(j\omega)|^2} - |w_A(j\omega)|^2 S_x(\omega). \quad (3)$$

В качестве примера рассмотрим определение  $m_n$  и  $k_n(\tau)$  в стационарной системе (рис. 1), имеющей:

– передаточные функции звеньев

$$w_A(j\omega) = \frac{K_A(T_A j\omega + 1)}{T_1 j\omega + 1},$$

$$w_B(j\omega) = \frac{K_B}{T_B j\omega + 1};$$

– статистические характеристики входных  $x(t)$  и выходных сигналов  $m_x = \text{const}$ ;  $m_y = \text{const}$ ;

$$K_x(\tau) = D_x e^{-\alpha_x |\tau|}; \quad K_y(\tau) = D_y e^{-\alpha_y^2 \tau^2}.$$

Статистические характеристики помехи определяются в соответствии с (1 – 3):

$$m_n = \frac{m_y}{K_B} - K_A m_x.$$

Для определения  $S_n(\omega)$  по известным корреляционным функциям входного

$$S_n(\omega) = \frac{D_y \sqrt{\pi}}{K_B^2 \alpha_y^2} e^{-\omega^2 / 4\alpha_y^2} (1 + T_B \omega^2) - D_x K_A^2 \frac{2\alpha_x (T_A^2 \omega^2 + 1)}{(\alpha_x^2 + \omega^2)(T_1^2 \omega^2 + 1)}. \quad (4)$$

При определении импульсных характеристик обратных систем в соответствии с (2) для нахождения  $K_n(t)$  необходимо тщательно анализировать вид корреляционной функции для того, чтобы избежать сингулярностей. Считая, что в помехе всегда присутствует компонент белого шума (следовательно, сингулярно-

и выходного сигналов найдем их спектральные плотности

$$S_x(\omega) = D_x \frac{2\alpha_x}{\alpha_x^2 + \omega^2},$$

$$S_y(\omega) = D_y \sqrt{\frac{\pi}{\alpha_y^2}} e^{-\omega^2 / 4\alpha_y^2}$$

и квадраты модулей передаточных функций звеньев

$$|w_A(j\omega)|^2 = K_A^2 \frac{T_A^2 \omega^2 + 1}{T_1^2 \omega^2 + 1},$$

$$\left| \frac{1}{w_B(j\omega)} \right|^2 = \frac{T_B^2 \omega^2 + 1}{K_B^2}.$$

Спектральная плотность помехи  $n(t)$  в соответствии с выражением (3) определяется как

сти отсутствуют), можно применить теорему Винера-Хинчина:

$$K_n(t) = \frac{1}{2\pi} \int_{-\infty}^{+\infty} S_n(\omega) e^{j\omega t} d\omega.$$

Для спектральной плотности (4) корреляционная функция помехи имеет вид (для  $T_0=1$ )

$$K_n(\tau) = D_y [1 + 2\alpha_y^2 (1 - 2\alpha_y^2 \tau^2)] e^{-\alpha_y^2 \tau^2} - C (A_1 e^{-\alpha_x |\tau|} + a_2 e^{-\frac{1}{T_1} |\tau|}),$$

где  $C = \frac{2K_A^2 D_x \alpha_x T_A^2}{T_1^2};$

$$A_1 = \left[ \frac{(\alpha_x - \frac{1}{T_A})^2}{2\alpha_x (\alpha_x - \frac{1}{T_1})^2} + \frac{(\alpha_x - \frac{1}{T_A})(\frac{1}{T_A} - \frac{1}{T_1})}{(\alpha_x - \frac{1}{T_1})^2 (\alpha_x + \frac{1}{T_1})} \right]; \quad A_2 = \left[ \frac{(\frac{1}{T_A} - \frac{1}{T_1})^2}{2\frac{1}{T_1} (\alpha_x - \frac{1}{T_1})^2} + \frac{(\alpha_x - \frac{1}{T_A})(\frac{1}{T_A} - \frac{1}{T_1})}{(\alpha_x - \frac{1}{T_1})^2 (\alpha_x + \frac{1}{T_1})} \right]$$

Определение состояния сети по зафиксированному возмущению производится методами статистического распознавания.

При байесовском подходе к решению задачи распознавания, как известно, достигается минимум среднего риска. В соответствии с байесовским критерием вычисляются условные апостериорные вероятности отнесения объекта к тому или иному классу. Решение принимается на основании сравнения значений вычисленных апостериорных вероятностей. Однако для применения байесовского подхода необходимо иметь полную априорную информацию о статистических характеристиках мешающих воздействий, что может иметь место лишь в исключительных случаях. В условиях неполноты априорной информации наиболее целесообразно применять метод максимума правдоподобия, дающий эффективные оценки в широком классе априорных распределений.

Если объект характеризуется  $N$  признаками  $x_j, j=1, \dots, N$ , и признаки распознаваемого объекта принимают значения  $x_1 = x_1^0, x_2 = x_2^0, \dots, x_N = x_N^0$ , задача сводится к проверке сложной гипотезы против сложной альтернативы. Вероятность того, что при осуществлении события  $a_N = (x_1^0, x_2^0, \dots, x_N^0)$  объект относится к  $\Omega_i$  классу из  $m$ , равна

$$P(\Omega_i / a_N) = \frac{P(\Omega_i) f_i(x_1^0, x_2^0, \dots, x_N^0)}{\sum_{i=1}^m P(\Omega_i) f_i(x_1^0, x_2^0, \dots, x_N^0)},$$

где  $P(\Omega_i / a_N)$  – апостериорная вероятность отнесения объекта к классу  $\Omega_i$  при осуществлении события  $a_N$ ;  $P(\Omega_i)$  – априорная вероятность появления объекта класса  $\Omega_i$ ;  $f_i(x_j)$  – многомерные условные плотности распределения вероятностей значений признаков по классам.

Решающее правило для случая двух классов  $\Omega_1$  и  $\Omega_2$  отнесения объекта к классу  $\Omega_1$  запишется в виде

$$\frac{P(\Omega_1 / a_N)}{P(\Omega_2 / a_N)} > \frac{C_2}{C_1}$$

или

$$\frac{f_2(a_N)}{f_1(a_N)} > \frac{C_1 P(\Omega_1)}{C_2 P(\Omega_2)}, \quad (5)$$

где  $C_1$  и  $C_2$  – ошибки первого и второго рода;  $\frac{C_1 P(\Omega_1)}{C_2 P(\Omega_2)} = \lambda_0$  – пороговое значение

коэффициента правдоподобия.

В соответствии с методом максимального правдоподобия зададим пороговое значение ошибки первого рода (уровень значимости критерия) и будем стремиться минимизировать ошибку второго рода, т.е. максимизировать мощность критерия. В такой постановке решающее правило (критерий) сводится к известному критерию Неймана-Пирсона.

Рассмотрим методику применения алгоритма распознавания на следующем частном примере. Пусть нормированная корреляционная функция возмущения, действующего на объект, аппроксимируется выражением  $\rho(\tau) = e^{-\alpha|\tau|} \cos \beta \tau$ . В качестве признака для оценки одного из двух состояний объекта  $\Omega_1$  и  $\Omega_2$  возьмем параметр  $\alpha$ , считая его распределенным по закону Гаусса с параметрами  $m_{\alpha i}$  и  $\sigma_{\alpha i}$ ,  $i=1, 2$ . Состояние  $\Omega_1$  характеризуется параметрами  $m_{\alpha 1}$  и  $\sigma_{\alpha 1}$ , а состояние  $\Omega_2$  – параметрами  $m_{\alpha 2}$  и  $\sigma_{\alpha 2}$  соответственно.

Граничное значение параметра  $\alpha$  найдем из условия:

$$\frac{f_2(\alpha)}{f_1(\alpha)} = \frac{C_1 P(\Omega_1)}{C_2 P(\Omega_2)} = \lambda_0.$$

$$\frac{\exp\left[-(\alpha - m_{\alpha 2})^2 / 2\sigma_{\alpha 2}^2\right]}{\exp\left[-(\alpha - m_{\alpha 1})^2 / 2\sigma_{\alpha 1}^2\right]} = \lambda_0 \frac{\sigma_{\alpha 2}}{\sigma_{\alpha 1}};$$

$$\alpha^2 A + \alpha B + C = 0, \quad (6)$$

где

$$A = \left( \frac{1}{2\sigma_{\alpha 1}^2} - \frac{1}{2\sigma_{\alpha 2}^2} \right); \quad B = \left( \frac{m_{\alpha 2}}{\sigma_{\alpha 2}^2} - \frac{m_{\alpha 1}}{\sigma_{\alpha 1}^2} \right);$$

$$C = \frac{m_{\alpha 1}^2}{2\sigma_{\alpha 1}^2} - \frac{m_{\alpha 2}^2}{2\sigma_{\alpha 2}^2} - \ln \lambda_0 \frac{\sigma_{\alpha 2}}{\sigma_{\alpha 1}}.$$

Решая квадратное уравнение (6), находим предельное значение  $\alpha$ . Путем сравнения измеренного значения  $\alpha^0$  с предельным, т. е. определения знака неравенства выражения (5), определяем класс распознаваемого объекта.

### Выводы

Таким образом, алгоритм распознавания класса возмущений для прогнозирования состояния сети сводится к выполнению таких операций:

- оценивание постоянной времени корреляционной функции возмущения;
- последовательное оценивание максимума отношения правдоподобия (5).

Другими словами, решается задача комбинирования по максимуму отношения правдоподобия. Практическая реализация устройств комбинирования по максимуму отношения правдоподобия аппаратными или программными методами не представляет труда [6]. Обычно для задач комбинирования для выбора максимума из набора данных используют иерархические бинарные схемы.

### Список литературы

1. Сейдж Э., Мелс Дж. Теория оценивания и ее применение в связи и управлении.: Пер. с англ. Под ред. проф. Б.Р. Левина. – М.: Связь, 1976. – 496 с.
2. Эйкхофф П. Основы идентификации систем управления // Пер. с англ. под ред. Н.С. Райбмана. – М.: Мир, 1975. – 684 с.

3. Гельфандбейн Я.А., Колосов Л.В. Ретроспективная идентификация возмущений и помех. – М.: Советское радио, 1972. – 232 с.

4. Свешников А.А. Прикладные методы теории случайных функций. – М.: Наука, 1968. – 463 с.

5. Горелик А.Л., Скрипкин В.А. Методы распознавания. Учебное пособие для вузов. – М.: Высшая школа, 1977. – 222 с.

6. Ван Трис Г. Теория обнаружения, оценок и модуляции. Том 1. Теория обнаружения, оценок и линейной модуляции. – Пер. с англ., под ред. проф. В.И. Тихонова. – М.: Советское радио, 1972. – 744 с.

7. F. Cohen. Computer Viruses: theory and experiments // DOD/NBS 7th Conference on Computer Security (1984); Computers and Security, 1987. – Vol. 6#1. – P. 22–35.

8. Леман Э. Проверка статистических гипотез. – М.: Наука, 1979. – 408 с.

9. Левин Б.Р. Теоретические основы статистической радиотехники, книга вторая. – М.: Сов. радио, 1968. – 504 с.

10. Вальд А. Последовательный анализ. – М.: Физматгиз, 1960. – 606 с.

Подано до редакції 30.04.10