

## ОЦІНКА ТОЧНОСТІ ПОЗИЦІОНУВАННЯ ЗА СИГНАЛАМИ РАДІОМАЯКІВ VOR

Національний авіаційний університет

*Розглянуто застосування кутомірного методу позиціонування для визначення координат місцеположення літака за сигналами наземних все напрямлених радіомаяків VOR. Наведено результати оцінки точності та доступності кутомірного методу навігації основного на синалах від VOR у повітряному просторі України.*

### Вступ

У сучасних умовах розвитку авіатранспортної системи безпека повітряного руху залежить від численних факторів. Одним з основних факторів є точність систем позиціонування повітряного корабля (ПК) у повітряному просторі. Визначення місцеположення ПК зазвичай виконується за допомогою супутниковых навігаційних систем (GNSS) [1]. На сьогоднішній день системи GNSS забезпечують необхідний рівень точності позиціонування для виконування польотів. У випадку несправності бортового обладнання GNSS чи нездатності визначення координат обчислювальна система літаководіння (FMS) використовує інші, меш точні, методи позиціонування для визначення координат ПК. У випадку відмови GNSS може бути використана інерційна навігаційна система, проте час її використання обмежений у наслідок дії адитивної похибки. Альтернативними джерелами координатної інформації у FMS є методити позиціонування, основані на використанні інформації від навігаційних радіомаяків. Відповідно до зменшення точності позиціонування застосовують: DME/DME, VOR/DME, VOR/VOR, ADF/ADF навігаційні методи.

### Аналіз досліджень і публікацій

Проведені дослідження можливості використання інформації від аeronавігаційних маяків для визначення власного місцеположення вказують на доцільність їх використання у разі інтеграції їх з іншими навігаційними системами для підвищення точності навігаційних систем [2]. Крім того, аналіз похибок кутомірного методу позиціонування вказує на вплив геометрії розташування джерел сигналів на величину похибки [3, 4, 5].

### Постановка завдання

Використання сигналів навігаційних радіомаяків VOR для позиціонування дозволяє забезпечити координатною інформацією бортове обладнання ПК. Функція кутомірного позиціонування закладена у більшості сучасних FMS. Точність кутомірного методу позиціонування залежить від геометрії розташування наземних станцій та визначає доцільність його застосування. Аналіз досліджень вказує на необхідність оцінки впливу геометричного фактору на точність позиціонування.

Основною **метою роботи** є оцінка точності та доступності кутомірного методу навігації основного на синалах від VOR у повітряному просторі України.

### VOR/VOR навігація

Кутомірний метод навігації базується на визначенні місцеположення ПК за кутами-напрямками на наземні радіонавігаційні станції за умови відомих координат станцій. У якості джерела кутомірної інформації використано бортове обладнання VOR, що вимірює азимут радіомаяка [6], тобто кут між напрямом на північ та напрямом від ПК до радіомаяка (вимірюється від напряму на північ за часову стрілкою).

На рис. 1 наведено приклад застосування кутомірного методу позиціонування для визначення координат ПК у точці *B* за двома азимутами радіомаяків (*A* та *C*).

Координати ПК у загальному випадку для *n* кількості азимутів можуть бути знайдені шляхом розв'язку системи рівнянь:

$$\operatorname{tg}(\alpha_i) = \frac{\Delta x_i}{\Delta y_i} = \frac{x_{\text{ПК}} - x_i}{y_{\text{ПК}} - y_i}, i=1..n,$$

або

$$x_{PK} - y_{PK} \operatorname{tg}(\alpha_i) = x_i - y_i \operatorname{tg}(\alpha_i), i=1..n \quad (1)$$

де:  $x_{PK}$ ,  $y_{PK}$  – координати ПК,  
 $x_i, y_i$  – координати радіомаяка,  
 $\alpha_i$  – азимут радіомаяка.

У матричному вигляді систему рівнянь (1) можна представити у вигляді:

$$A \cdot X^T = B,$$

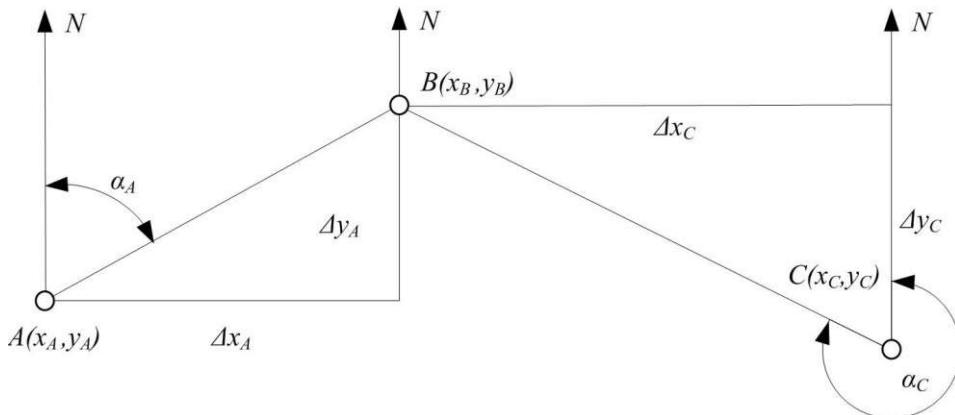


Рис.1. Кутомірний метод навігаційних визначень

### Оцінка точності

Точність позиціонування кутомірного методу залежить від точності визначення азимутів ( $\Delta_A$ ,  $\Delta_C$ ) та геометрії розташування наземних радіомаяків відносно ПК (рис.2). Похибки визначення бортовим обладнанням азимуту утворюють два сектора місцеположення. Зона перетину секторів місцеположення вказує на можливе розташування ПК (заштрихована зона на рис. 2 та рис. 3).

Розміри зони можливого розташування залежать від взаємного розміщення наземних станцій та ПК. Важливою є відстань від ПК до радіомаяка, чим ближче, тим площа буде меншою. Як видно з рис. 3, існують випадки неможливості позиціонування за кутомірним методом при потраплянні одного радіомаяка у сектор місцеположення іншого. У цих випадках необхідно використовувати інші доступні радіомаяки для вирішення навігаційної задачі. Вплив геометрії розташування наземних радіомаяків на результати позиціонування призводить до появи ліній однакових похибок, врахування яких є необхідною вимогою виконання безпечного польоту. Точність позиціонування ( $\sigma_P$ ) залежить від геометрії розташування та оцінюється за формулою [3]:

$$\sigma_P = DOP \sigma_B,$$

де:

$$A = [1 \operatorname{tg}(\alpha_i)], X = [x_{PK} \ y_{PK}], \\ B = [x_i - y_i \operatorname{tg}(\alpha_i)], i = 1..n.$$

Вектор координат місцеположення обчислюється за виразом:

$$X = ((A^T A)^{-1} A^T B)^T.$$

де  $DOP$  – коефіцієнт зміни точності залежно від геометрії розташування радіомаяків (*dilution of precision*),  $\sigma_B$  – похибка вимірювання.

Для підвищення точності позиціонування необхідно не тільки знижувати похибку вимірювання, а й приймати сигнал від більшої кількості радіомаяків.

Для оцінки  $DOP$  на основі азимутів формується матриця плану [3] виду:

$$G = \begin{bmatrix} \sin(\alpha_1) & \cos(\alpha_1) \\ \sin(\alpha_2) & \cos(\alpha_2) \\ \vdots & \vdots \\ \sin(\alpha_n) & \cos(\alpha_n) \end{bmatrix}. \quad (2)$$

На основі матриці  $G$  будується коваріаційна матриця похибок місцеположення, що містить  $DOP$  коефіцієнти:

$$(G^T G)^{-1} = \begin{bmatrix} EDOP^2 & g \\ g & NDOP^2 \end{bmatrix}, \quad (3)$$

де:

$EDOP$  – коефіцієнт зміни точності у східному напрямку;

$NDOP$  – коефіцієнт зміни точності у північному напрямку;

$g$  – коефіцієнти коваріаційної матриці похибок місцеположення.

Для кутомірного методу навігаційних визначень важливе значення відіграє горизонтальний геометричний фактор зміни точності

HDOP:

$$HDOP = \sqrt{NDOP^2 + EDOP^2}. \quad (4)$$

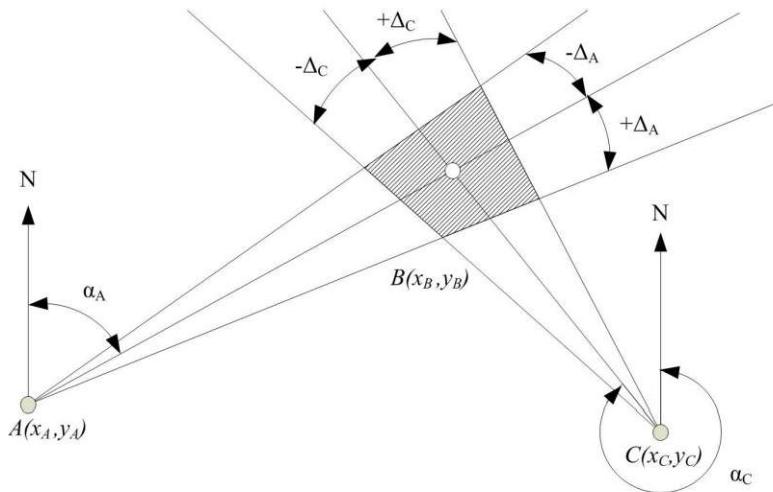


Рис. 2. Точність позиціонування

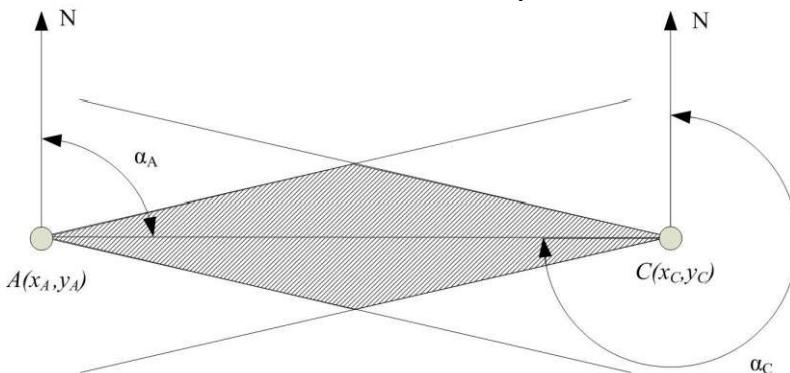


Рис. 3. Приклад невдалої геометрії розташування

### Моделювання

Оцінювання точності позиціонування за сигналами радіонавігаційних маяків *VOR* доцільно розпочати з оцінки доступності

кутомірного методу навігаційних визначень. На території України розміщено вісім наземних радіо-маячних станцій *VOR/DME*. Основні технічні характеристики радіомаяків наведені у табл. 1.

Таблиця 1.

*VOR/DME* станції розміщені на території України

Ідентифікаційний код	Назва	Робоча частота, кГц	Широта, град	Довгота, град	Висота, м	Частота <i>DME</i> , кГц
<i>BRP</i>	<i>Boryspil</i>	115900	50.2855987548828	30.899299621582	152	115900
<i>DNP</i>	<i>Dnipropetrovsk</i>	112500	48.3595008850098	35.1025009155273	155	112500
<i>DON</i>	<i>Donetsk</i>	115000	48.0718002319336	37.7359008789062	231	115000
<i>IVF</i>	<i>Ivano Frankivsk</i>	114200	48.8847007751465	24.6898994445801	285	114200
<i>KHR</i>	<i>Kharkiv</i>	116500	49.9267997741699	36.2853012084961	163	116500
<i>LIV</i>	<i>Lviv</i>	115500	49.8115997314453	23.951000213623	333	115500
<i>ODS</i>	<i>Odesa</i>	113950	46.4300003051758	30.6702995300293	60	113950
<i>SMF</i>	<i>Simferopol</i>	116600	45.051399230957	33.9793014526367	189	116600

Виконаємо оцінку доступності позиціонування за радіомаяками для території України. Для кожної точки повітряного простору на висоті 5 000 м розрахуємо відстані до наземних станцій *VOR/DME* та порівняємо їх з максимальною дальністю дії радіомаяків. Дальність дії радіомаяків у горизонтальній площині у середньому становить 370 км відпові-

дно до технічних характеристик обладнання [6]. Крім того, при визначенні доступності використовується похила дальність дії, що враховує висоту спостереження. Обчислення похилої дальності виконаємо у геоцентричній системі координат.

Результати визначення доступності наведено на рис. 4.

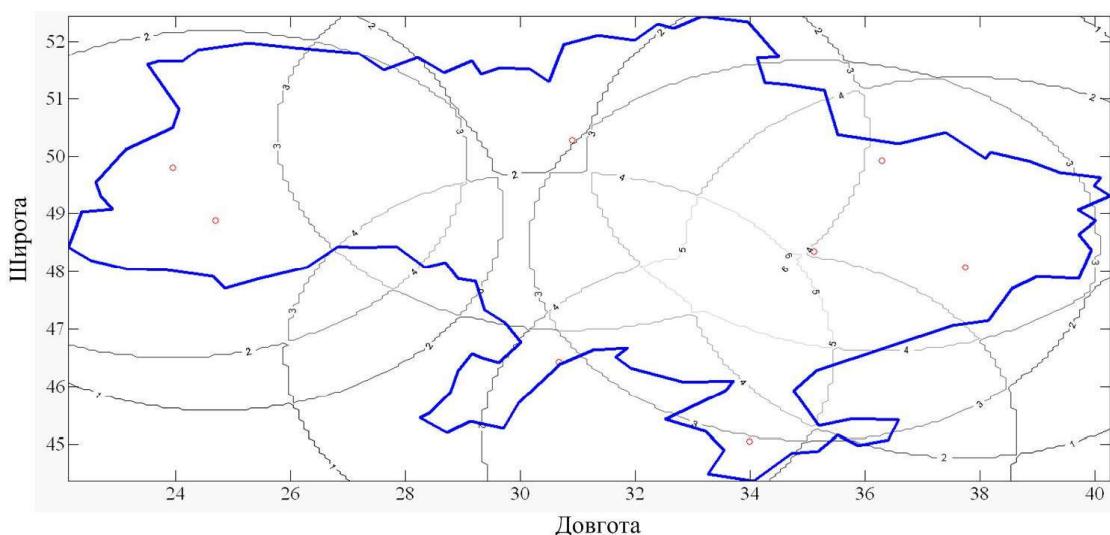


Рис. 4. Доступність позиціонування за радіомаяками для території України

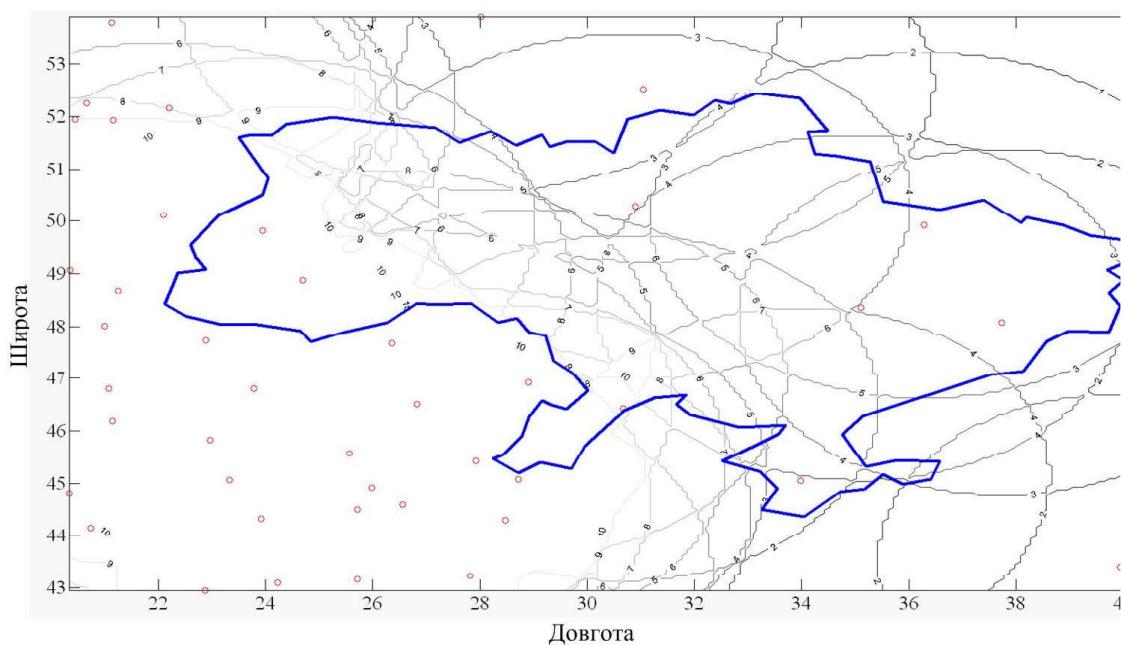
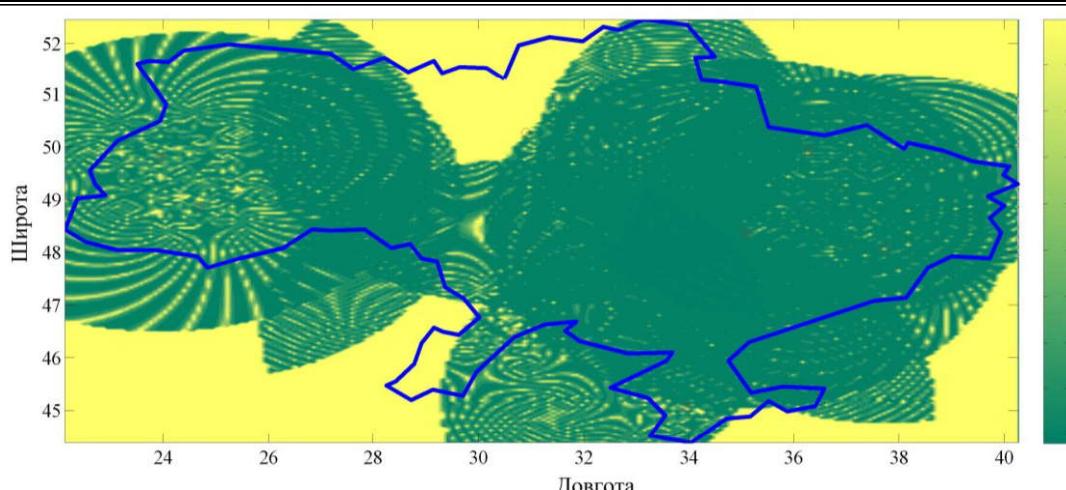
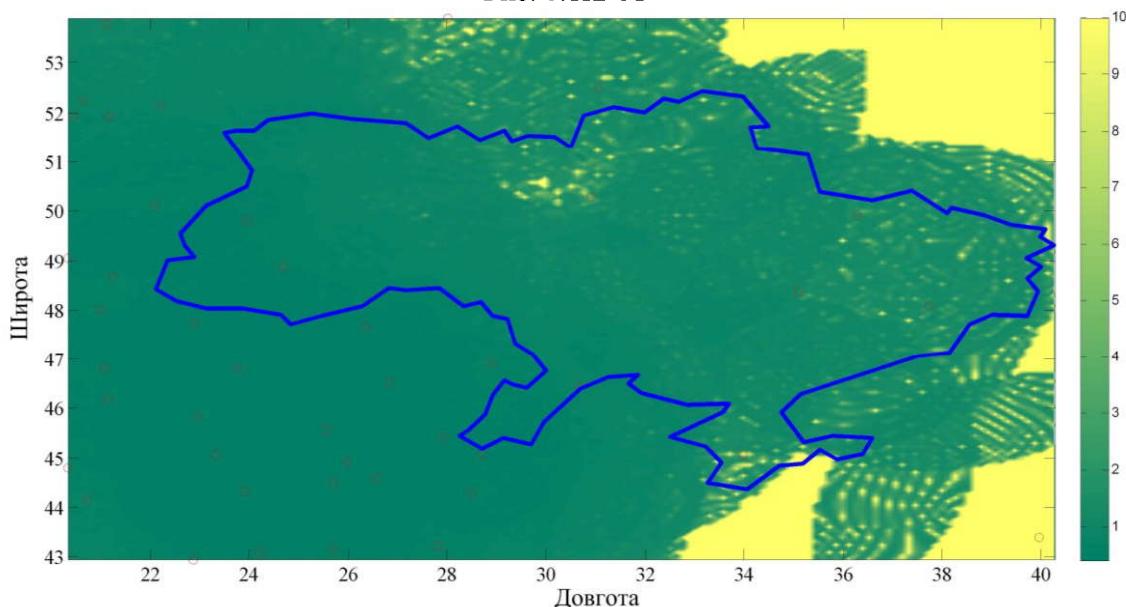


Рис. 5. Доступність позиціонування за радіомаяками для території України з урахуванням зарубіжних *VOR*

Зони контурного рисунку вказують на кількість радіонавігаційних станцій, що доступні у відповідному повітряному просторі. Результати комп'ютерного моделювання, наведені на рис. 4, вказують на доступність більше двох навігаційних станцій у більшій частині повітряного простору України, що вказує на

теоретичну можливість застосування кутомірного методу. Крім того, під час вирішення навігаційної задачі у повітряному просторі України можуть використовуватись сигнали *VOR* станцій розміщених поза територіальними межами країни (рис. 5). Використання азимутів всіх доступних радіонавігаційних *VOR* станцій підвищує точність позиціонування.

Рис. 6. *HDOP*Рис. 7. *HDOP* для території України з урахуванням зарубіжних *VOR*

Виконаемо оцінку величини коефіцієнта, що характеризує геометричний фактор зміни точності у горизонтальній площині (*HDOP*) для повітряного простору України у зоні доступності (рис. 4-5).

Розрахунок *HDOP* виконаємо за

формулами (2)-(4). Вихідними даними для розрахунку є кути азимуту від кожної точки повітряного простору до радіонавігаційних станцій, сигнали від яких приймаються. Для визначення цих азимутів спершу знаходяться координати ПК у локальній системі координат (*S, E, Z*), пов'язаної з радіонавігаційним маяком:

$$\begin{bmatrix} S \\ E \\ Z \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \sin(\varphi)\cos(\lambda) & \sin(\varphi)\sin(\lambda) & -\cos(\varphi) \\ -\sin(\lambda) & \cos(\lambda) & 0 \\ \cos(\varphi)\cos(\lambda) & \cos(\varphi)\sin(\lambda) & \sin(\varphi) \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x_{ECEF} \\ y_{ECEF} \\ z_{ECEF} \end{bmatrix},$$

де:

$x_{ECEF}$ ,  $y_{ECEF}$ ,  $z_{ECEF}$  – координати точки спостереження у геоцентричній системі (*ECEF*);  $\varphi$ ,  $\lambda$  – широта та довгота радіомаяка.

За отриманими координатами (*S, E*) розраховується азимут [5, 7]:

$$\alpha = \arctg\left(-\frac{E}{S}\right).$$

Результати моделювання *HDOP* для повітряного простору України з використанням національних радіомаяків наведено на рис. 6,

а з урахуванням зарубіжних радіомаяків – на рис. 7.

### **Висновки**

На сьогоднішній день супутникові навігаційні системи забезпечують достатній рівень точності позиціонування для виконання польотів, проте у випадках відмови, кутомірний метод навігаційних визначень за сигналами радіонавігаційних маяків *VOR* може бути застосований у переважній частині повітряного простору України (рис. 4 та рис. 5). Оскільки точність цього методу позиціонування залежить від геометрії розташування наземних радіомаяків визначено коефіцієнти *HDOP* для повітряного простору (рис. 6 та рис. 7). Отримані результати вказують на доцільність використання цього методу у західній частині країни, оскільки там більш щільніше розташування наземних станцій *VOR*, що призводить до пониження *HDOP*, та робить його меншим за одиницю. Використання для позиціонування радіомаяків *VOR* у іншій частині повітряного простору доцільним є тільки у випадку відмови інших систем позиціонування у якості резервоної системи у зв'язку з численними похибками.

### **Список літератури**

1. Global Navigation Satellite System Manual. Doc 9849. AN/457. – ICAO, 2005. – 69 p.
2. Bobick J.C. Improved Navigation by Combining VOR/DME Information with Air or Inertial Data. PhD thesis / John C. Bobick. – Stanford University, Stanford, California, 1972. – 153 p.
3. Changlin Ma. Techniques to Improve Ground-Based Wireless Location Performance Using a Cellular Telephone Network / Ma Changlin / UCGE № 20177. Department of Geomatics Engineering. – Calgary, 2003. – 278 p.
4. Xiwu Lv. Geometry Influence on GDOP in TOA and AOA Positioning Systems / L. Xiwu, L. Kaihua, H. Po // proceedings of the 2010 Second International Conference on Networks Security, Wireless Communications and Trusted Computing – Volume 02. – P. 58-61.
5. Конин В.В. Системы спутниковой радионавигации / В.В. Конин, В.П. Харченко; Национальный авиационный университет. – К.:Холтех, 2010. – 520 с.
6. Харченко В.П. Радіомаячні системи близької аeronавігації: навч. посіб. / В.П. Харченко, В.Г. Мелкумян, О.П. Сунич. – К.:НАУ, 2011. – 208 с.
7. Curtis H.D. Orbital Mechanics for Engineering Students / H.D. Curtis. –Florida: Elsevier, 2005. – 692 p.