

## КОМПЕНСАЦІЯ ВІДБИТИХ ХВИЛЬ ПРИ ВИМІРЮВАННЯХ ДІЮЧОЇ ДОВЖИНІ АНТЕНИ

**Інститут електроніки і систем управління Національного авіаційного університету**

*Розглядається принцип компенсації відбитих хвиль при компаруванні антенних систем. Розроблено новий спосіб вимірювання діючої довжини антени, який засновується на використанні явищ інтерференції прямої і відбитої хвилі. Запропонований спосіб вимірювання дає можливість виключити вплив відбиваючої поверхні на похиби обчислювання діючої довжини.*

### **Вступ**

Діюча довжина є одним з найважливіших параметрів антени. Особливо велике значення цей параметр набуває при вимірюваннях напруженості поля. Для визначення діючої довжини використовують різні способи: порівняння із зразковою антеною, вимірювання електрорушійної сили на затисках при розміщенні антени в еталонному полі і деякі напрямі методи. Але для будь-яких способів вимірювання необхідно забезпечувати однопроменеве поширення електромагнітної хвилі, щоб напруженість випробувального поля визначалась однозначно з високою точністю. На жаль, створити такі умови можна лише в безехових камерах, або на антенних полігонах, обладнаних зразковими антенами з вузькими діаграмами спрямованості. У загальному випадку необхідно враховувати не тільки поширення прямих хвиль від однієї до другої антени, але і відбиті хвилі від поверхні землі або від інших об'єктів.

### **Постановка завдання**

Оскільки умови для вимірювання діючої довжини антени у більшості випадків будуть далекі від умов у ехокамерах або на зразкових антенних полігонах, то бажано розробити таку методику в якій би інтенсивність відбитих хвиль враховувалась у результатах вимірювань. Очевидно, що можливі різні підходи до розв'язання цієї проблеми. Так, наприклад, можна створити штучну відбиваючу поверхню з коефіцієнтом відбиття, що дорівнює  $\pm 1$ . В цьому випадку визначення напруженості поля відбитої хвилі не

створюватиме певних проблем. Можна, використовуючи додаткове когерентне джерело випромінювання, компенсувати відбиту хвилю, що випромінюється досліджуваною антеною. Можливі і інші варіанти побудови вимірювального комплексу. Недоліком їх є значне ускладнення процесу вимірювань і суттєве збільшення вартості вимірювальної апаратури.

Якщо ж обмежитися стандартною апаратурою, що зазвичай використовується для антенних вимірювань, то можна змінити метрологічну технологію так, щоб за результатами вимірювань визначити з достатньою для практики точністю діючу довжину. Отже, завдання полягає в розробці такої методики, за допомогою якої за результатами вимірювань можна було б визначити як напруженість прямої хвилі, так і напруженість відбитої хвилі. При цьому необхідно передбачити реалізацію цієї методики стандартним набором вимірювальної апаратури.

### **Теоретичні відомості**

Розглянемо вимірювання діючої довжини антени в режимі випромінювання. Діюча довжина  $l_o$  передавальної антени визначається як

$$l_o = \frac{E_{\max} r}{30 k I_A}, \quad (1)$$

де  $E_{\max}$  – максимальне значення напруженості поля випромінювання на відстані  $r$  від антени;  $k = \frac{2\pi}{\lambda}$  – хвильове число;

$I_A$  – струм, що протікає через затискачі досліджуваної антени.

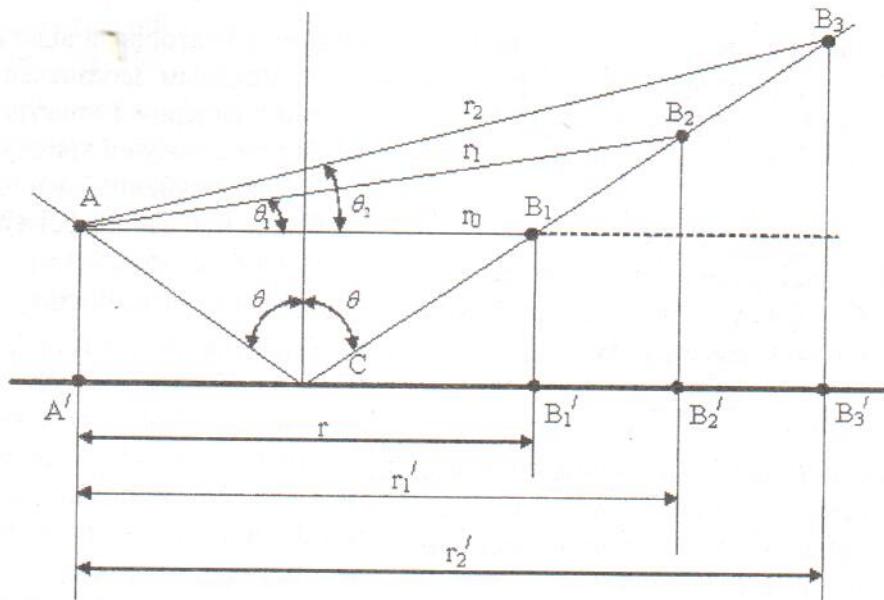


Рис. 1. Ілюстрація методики вимірювання

Схема вимірювання зображена на рис. 1.

Досліджувана антена А розміщується над поверхнею землі на висоті  $h$ . Допоміжна антена знаходиться на тій же висоті  $h$  у точці  $B_1$ . Як видно з рис. 1 у загальному випадку до антени у точці  $B_1$  приходять пряма хвиля вздовж напрямку  $AB_1$

$$\dot{E}_1 = i \frac{30kI_A l_o}{r} e^{-ikr} \quad (2)$$

і відбита хвиля від точки С

$$\dot{E}_C = i \frac{30kI_A l_o}{r_2} \tilde{R} F(\theta) e^{-ikr_C}, \quad (3)$$

де  $r$  – відстань від точки А до точки  $B_1$ ;  $r_C$  – відстань, яку проходить відбита хвиля шляхом  $ACB_1$ ;  $l_o$  – діюча довжина антени;  $F(\theta)$  – характеристика спрямованості досліджуваної антени;  $\tilde{R}$  – комплексний коефіцієнт відбиття електромагнітної хвилі від поверхні землі в зоні, що охоплює точку С;  $\theta$  – кут падіння електромагнітної хвилі.

Вираз (2) справедливий за умови, що досліджувана антена, фазовий центр якої збігається з точкою А, орієнтована таким чином, щоб напрям максимального випромінювання проходив через фазовий центр допоміжної антени, тобто через то-

чку  $B_1$ . Наявність відбитої хвилі (3) не дає можливості обчислити діючу довжину хвилі за формулою (1) у випадку слабонапрямленої допоміжної антени. Використання гостронапрямленої антени особливо в діапазоні метрових хвиль досить проблематичне. Очевидно, що гостронапрямлена допоміжна антена буде ефективною тоді, коли ширина її діаграми спрямованості за нульовим випромінюванням дорівнюватиме  $2\theta$ . Розглянемо, яким вимогам повинна задовільнити схема вимірювань у цьому випадку.

Якщо  $r$  – відстань між антенами, що знаходяться у точках А і  $B_1$ , а  $h$  – висоти їх підвісу, то, як випливає з рис. 1,

$$\theta = \arctg \frac{r}{2h}. \quad (4)$$

З іншого боку, відстань  $r$  повинна задовільнити умову

$$r \geq \frac{2L^2}{\lambda}, \quad (5)$$

де  $L$  – максимальний розмір допоміжної антени.

Як відомо [1], розмір  $L$  визначається за ширину діаграми спрямованості співвідношенням

$$L = A \frac{\lambda}{\theta},$$

де  $A$  – певний коефіцієнт, який у випадку рівноамплітудної еквідистантної решітки, що складається з двох синфазних випромінювачів, обчислюється з виразу

$$L = \frac{2\lambda}{\cos \theta}. \quad (6)$$

Використовуючи значення розміру антени (6) у формулі (5), знаходимо мінімальну відстань між антенами

$$r \geq \frac{\lambda}{\cos^2 \theta}. \quad (7)$$

Для мінімальної довжини хвилі метрового діапазону і при  $\theta = 45^\circ$  з формули (7) отримаємо  $r \geq 4$  м. Висоти підвісу антен згідно з формулою (4) повинні бути 2 м. Але при максимальній довжині хвилі висоти підвісу становитимуть 20 м, що вже вимагає суттєвих затрат на облаштування території для вимірювання діючої довжини. При збільшенні кута  $\theta$  зменшується висота підвісу  $h$ , але при цьому зростає розмір апертури допоміжної антени і відстань між антенами  $r$ . Звідси випливає найбільш істотний недолік способу вимірювання  $l_\delta$  за допомогою прямого променя. Він проявляється як у метровому, так і у дециметровому діапазонах.

Як видно з формули (6), зміна довжини хвилі  $\lambda$  для відстроювання від відбитої хвилі вимагає зміни відстані між елементами антенної решітки. Це призведе до необхідності настроювання допоміжної антени за її напрямленими властивостями. Але при цьому виникне необхідність і в настроюванні пристройів узгодження, оскільки система, наприклад, двох вібраторів має активну і реактивну складову вхідного опору. Компенсація реактивного опору і трансформація активної складової опору здійснюється відрізками ліній з певною відносною довжиною. Зміна довжини хвилі призведе до порушення відносних довжин елементів узгоджувального пристрою і вимагатиме перенастроювання. Вважаючи на те, що допоміжна антена використовується для вимірювання напруженості поля, необхідно передбачити не тільки механізми настро-

ювання вібраторів та відстаней між ними, але й механізм забезпечення узгодження антени з фідером і пристройі вимірювання коефіцієнта біжутої хвилі у фідери.

Для усунення основних недоліків вимірювання діючої довжини за допомогою прямого променя пропонується спосіб визначення величини  $E_{max}$  за результатами двох вимірювань у точках  $B_2$  і  $B_3$  (рис. 1). Точки  $B_2$  і  $B_3$  знаходяться на прямій, що збігається з відбитим променем при сталому куті падіння електромагнітної хвилі. Допоміжною антеною є симетричний вібратор з горизонтальним розташуванням відносно поверхні землі. Це вимагає встановлювати досліджувану антенну таким чином, щоб поляризація хвилі була горизонтальною.

Напруженість поля у точці  $B_2$  визначатиметься у результат інтерференції двох хвиль. Напруженість прямої хвилі дорівнюватиме

$$\dot{E}_1 = i \frac{30k l_\delta I_A}{r_1} F(\theta_1) e^{-ikr_1},$$

де  $r_1$  – відстань між точками  $A$  і  $B_2$ ;  $\theta_1$  – кут між горизонталлю  $AB_1$  і променем  $AB_2$ .

Напруженість відбитої хвилі дорівнюватиме

$$\dot{E}_{1C} = i \frac{30k l_\delta I_A}{r_{1C}} \tilde{F}(\theta) e^{-ikr_{1C}},$$

де  $r_{1C}$  – довжина шляху відбитої хвилі  $ACB_2$ ;  $\theta$  – кут падіння хвилі на поверхню землі.

Оскільки використовується горизонтальна поляризація, то вектори  $\dot{E}_1$  і  $\dot{E}_{1C}$  колінеарні і їх сума знаходиться як

$$\dot{E}_{B2} = \dot{E}_1 + \dot{E}_{1C}$$

або

$$\dot{E}_{B2} = \dot{E}_1 \sqrt{1 + m_1^2 + 2m_1 \cos(k\Delta r_1 + \phi)}, \quad (8)$$

де  $\Delta r_1 = r_{1C} - r_1$  – різниця ходу шляхів променів;  $m_1 = R \frac{F(\theta)}{F(\theta_1)} \frac{r_1}{r_{1C}}$  – відносна амплітуда напруженості поля відбитого променя;  $R$  – модуль коефіцієнта відбиття;  $\phi$  – фаза коефіцієнта відбиття.

При горизонтальній поляризації кут  $\phi$  наближається до  $180^\circ$  при будь-яких кутах падіння  $\theta$ , а перший максимум поля випромінювання антени буде спрямований під малим кутом місця вище точки  $B_1$ . Враховуючи ці обставини, вибираємо положення точки  $B_2$  з максимумом напруженості поля, який легко визначити за показами вимірювача напруженості поля. Отже, у формулі (8) необхідно прийняти, що

$$k\Delta r_1 + \phi = 2s\pi, \text{ де } s = 0, 1, 2, \dots \quad (9)$$

і

$$\dot{E}_{B2} = \dot{E}_1 (1 + m_1).$$

Перший мінімум напруженості поля знаходитьться у точці  $B_3$  – дещо вище точки  $B_2$ .

Значення напруженості поля визначається аналогічно виразу (8), тобто

$$\dot{E}_{B3} = \dot{E}_2 \sqrt{1 + m_2^2 + 2m_2 \cos(k\Delta r_2 + \phi)},$$

де  $\dot{E}_2 = i \frac{30kl_o I_A}{r_2} F(\theta_2) e^{-ikr_2}$  – напруже-

ність поля прямої хвилі;  $m_2 = R \frac{F(\theta)}{F(\theta_2)} \frac{r_2}{r_{2C}}$  – відносна амплітуда напруженості поля відбитої хвилі;  $\Delta r_2 = r_{2C} - r_2$  – різниця ходу променів прямої і відбитої хвилі;  $r_2$  – відстань між точками А і  $B_3$ ;  $r_{2C}$  – відстань між точками А і  $B_3$  вздовж променя відбитої хвилі  $ACB_3$ .

За наявності мінімуму у точці  $B_3$  виконується рівність

$$k\Delta r_2 + \phi = (2s+1)\pi, \text{ де } s = 0, 1, 2, \dots \quad (10)$$

Отже, напруженість поля у точці  $B_3$  визначається як

$$\dot{E}_{B3} = \dot{E}_2 (1 - m_2). \quad (11)$$

Оскільки вимірюються амплітуди напруженостей поля, то

$$\left. \begin{aligned} E_1 &= \frac{30kl_o I_A}{r_1} F(\theta_1) \\ E_2 &= \frac{30kl_o I_A}{r_2} F(\theta_2) \end{aligned} \right\}.$$

$$A_0 = \frac{1}{2} \left[ E_{B1} r_1'' + E_{B2} r_2'' - \left( E_{B1} r_1'' - E_{B2} r_2'' \right) \frac{\frac{r_1''}{r_1} \frac{r_{2C}'}{r_2} - \frac{r_2''}{r_2} \frac{r_{1C}'}{r_1}}{\frac{r_1''}{r_1} \frac{r_{2C}'}{r_2} + \frac{r_2''}{r_2} \frac{r_{1C}'}{r_1}} \right] \quad (15)$$

Діаграма спрямованості досліджені антени повинна бути відомою. Це дозволяє ввести значення умовних відстаней

$$\left. \begin{aligned} r_1'' &= \frac{r_1}{F(\theta_1)} \\ r_2'' &= \frac{r_2}{F(\theta_2)} \end{aligned} \right\}.$$

Введемо позначення

$$A_0 = 30kl_o I_A.$$

Очевидно, що

$$A_0 = E_1 r_1'' = E_2 r_2''.$$

Домножуючи амплітуди повних напруженостей поля, що визначені в точках  $B_2$  і  $B_3$ , на умовні відстані, отримуємо такі вирази

$$\left. \begin{aligned} E_{B2} r_1'' &= A_0 \left( 1 + R \frac{r_1''}{r_{1C}'} \right) \\ E_{B3} r_2'' &= A_0 \left( 1 - R \frac{r_2''}{r_{2C}'} \right) \end{aligned} \right\}, \quad (12)$$

де введені умовні відстані

$$\left. \begin{aligned} r_{1C}' &= \frac{r_{1C}}{F(\theta)} \\ r_{2C}' &= \frac{r_{2C}}{F(\theta)} \end{aligned} \right\}.$$

Різниця першого і другого рівняння системи (12) визначається як

$$E_{B2} r_1'' - E_{B3} r_2'' = A_0 R \left( \frac{r_1''}{r_{1C}'} + \frac{r_2''}{r_{2C}'} \right). \quad (13)$$

Сума цих рівнянь дорівнює

$$E_{B2} r_1'' + E_{B3} r_2'' = 2A_0 + A_0 R \left( \frac{r_1''}{r_{1C}'} - \frac{r_2''}{r_{2C}'} \right). \quad (14)$$

Визначимо з виразу (13) добуток  $A_0 R$  і підставимо його у рівняння (14). Це дає можливість отримати значення коефіцієнта  $A_0$ .

Значення  $A_0$  є добутком  $E_{\max} r$  і за формулою (1) визначаємо діючу довжину антени.

Методика вимірювання діючої довжини ілюструється рис.1.

Допоміжна антена встановлюється на відстані  $r_1'$  від антени, параметри якої вимірюються, у точці  $B_2'$ . Точку  $B_2$  знаходять у результаті піднесення допоміжної антени над лінією горизонту  $AB_1$ . У точці  $B_2$  напруга на затисках допоміжної антени максимальна, тобто виконується умова (9). Вимірюємо висоту підвісу антени досліджуваної  $h=AA'$  і допоміжної  $h_1=B_2B_2'$ . Обчислюємо кут  $\theta_1$  за формулою

$$\theta_1 = \arctg \frac{h_1 - h}{r_1}.$$

Визначаємо кут падіння хвилі

$$\theta = \arctg \frac{r_1'}{h_1 + h}$$

і відстань  $AB_1$

$$r = 2h \frac{r_1}{h_1 + h}.$$

У результаті цих обчислень стають відомими положення точок  $B_1, B_1', C$  і напрям відбитого променя  $CB_2$ .

Шляхом зміщення допоміжної антени вздовж променя  $CB_2$  знаходимо точку  $B_3$ , у якій напруга на затисках мінімальна (11). Вимірюємо висоту  $h_2=B_3B_3'$  і відстань  $r_2'$ . Розраховуємо кут  $\theta_2$

$$\theta_2 = \arctg \frac{h_2 - h}{r_2}. \quad (16)$$

Обчислюємо відстані, які проходять промені,

$$\left. \begin{aligned} r_1 &= r_1' / \cos \theta_1 \\ r_2 &= r_2' / \cos \theta_2 \end{aligned} \right\}. \quad (17)$$

Обчислюємо довжини шляхів відбитих променів

$$\left. \begin{aligned} r_{1C} &= r_1' / \cos \theta \\ r_{2C} &= r_2' / \cos \theta \end{aligned} \right\}. \quad (18)$$

За відомою діючою довжиною допоміжної антени розраховуємо напруженості поля у точках  $B_2$  і  $B_3$  ( $E_{B2}$  і  $E_{B3}$ ) та за формулою (16) і (1) знаходимо значення  $l_o$ .

Визначимо, у яких межах необхідно зміщувати допоміжну антенну, щоб виявити точки  $B_2$  і  $B_3$ . За формулами (9) і (10) знаходимо, що

$$r_{2C} - r_2 - (r_{1C} - r_1) = \lambda / 2.$$

Використовуючи вирази (17) і (18) і вважаючи, що  $\theta_1 \approx \theta_2 < \theta$ , отриманий вираз перетворимо до такого вигляду

$$r_2' - r_1' \approx \frac{\cos \theta}{1 - \cos \theta} \frac{\lambda}{2}.$$

Звідси випливає, що при малих значеннях кута падіння різниця відстані  $r_2' - r_1' = B_2'B_3'$  може складати декілька довжин хвиль. При великих значеннях  $\theta$  відстань  $B_2'B_3'$  зменшується. Так, наприклад, при  $\theta = 60^\circ$  відстань  $B_2'B_3'$  дорівнюватиме близько половини довжини хвилі.

Отже, при зростанні довжини хвилі доцільно зменшувати висоту підвісу антени. Тоді зміщення допоміжної антени при пошуку екстремумів напруженості поля також зменшуватиметься.

У діапазоні дециметрових хвиль висота підвісу антен може становити декілька довжин хвиль. При цьому різниця між кутами  $\theta_1$  і  $\theta_2$  може бути досить малою (декілька градусів), що дає змогу нехтувати різницею значень характеристик спрямованості досліджуваної антени в напрямах  $\theta_1$  і  $\theta_2$ , тобто можна прийняти

$$F(\theta_1) \approx F(\theta_2).$$

За такої умови спрощується обчислення коефіцієнта  $A_0$  за формулою (15), оскільки значення відстані з великою точністю замінюються на такі:

$$r_1'' \rightarrow r_1; r_2'' \rightarrow r_2; r_{1C} \rightarrow r_{1C}; r_{2C} \rightarrow r_{2C}.$$

Похибка вимірювання діючої довжини знаходиться за допомогою розкладання характеристики спрямованості у ряд Тейлора

$$F(\theta_2) = F(\theta_1) + \frac{\partial F(\theta = \theta_1)}{\partial \theta} (\theta_2 - \theta_1) + \frac{1}{2!} \frac{\partial F^2(\theta = \theta_1)}{\partial \theta^2} (\theta_2 - \theta_1)^2 + \dots$$

Звідси знаходимо значення похибки

$$\Delta = F(\theta_2) - F(\theta_1) = A_1(\theta_2 - \theta_1) + A_2(\theta_2 - \theta_1)^2 + \dots,$$

$$\text{де } A_1 = \left[ \frac{\partial F(\theta)}{\partial \theta} \right]_{\theta=\theta_1}, \quad A_2 = \left[ \frac{\partial^2 F(\theta)}{\partial \theta^2} \right]_{\theta=\theta_1}, \dots$$

З наведеної формули випливає, що при невеликій різниці кутів  $\theta_1$  і  $\theta_2$  похибка  $\Delta$  може визначитися лише першим членом ряду і становитиме одиниці відсотків. Так, наприклад, нехай характеристика спрямованості досліджуваної антени описується виразом

$$F(\theta) = \frac{\sin\left(\frac{\pi}{2} \sin \theta\right)}{\frac{\pi}{2} \sin \theta}.$$

Приймемо, що  $\theta_1 = 3^\circ$  і  $\theta_2 = 6^\circ$ .

Значення  $F(\theta_2)$  і  $F(\theta_1)$  відрізняються одне від одного лише на 0.0033, що, практично, можна в антенних вимірюваннях не враховувати.

### **Висновки**

У результаті проведеного дослідження встановлено, що:

1. Вимірювання діючої довжини антени з використанням прямої хвилі можливе на спеціально обладнаних полігонах з застосуванням гостроспрямованої допоміжної антени.

2. Розроблено новий спосіб вимірювання діючої довжини антени, який ґрунтуються на використанні явищ інтерференції прямої і відбитої хвилі.

3. Діюча довжина антени обчислюється за даними, які отримують у двох точках простору. Ці точки визначаються за показами міковольтметра, що приєднується до затискачів допоміжної антени.

4. Запропонований спосіб вимірювання дає можливість виключити вплив відбиваючої поверхні на похибки обчислювання діючої довжини.

5. Запропонований спосіб не вимагає використанні високих щогл, що важливо при вимірюваннях у довгохвильовій частині метрового діапазону.

6. Перевагою запропонованого методу є також і простота радіотехнічного обладнання. Дійсно, для проведення вимірювань необхідні генератор з калібруваним виходом, вимірювальний приймач і як допоміжна антена – симетричний вібратор.

### **Список літератури**

- Ільницький Л. Я., Савченко О. Я., Сібрук Л. В. Антени та пристрой надвисоких частот: Підручник для ВНЗ / За ред. Л. Я. Ільницького. – К.: Укртелеком, 2003. – 496 с.